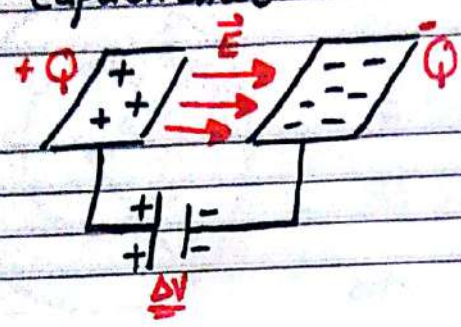


physics [2] second ... ر. قاسم

\* Capacitance and Dielectrics

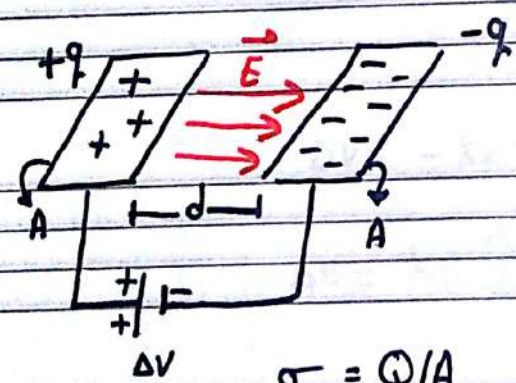
المكثف



ولا يمكن ان تكون 0 او اقل  $C = \frac{Q}{\Delta V}$  (C/V)  $\equiv$  Farad (F)  $\Delta V$  المسافة الكهربائية

① parallel plate capacitor

مكثف من مستويين متوازيين



$$\sigma = Q/A$$

$$\Delta V = Ed$$

$$\Delta V = \frac{Q}{\epsilon_0} d$$

$$\Delta V = \frac{Qd}{A\epsilon_0}$$

$$\vec{E} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

$$C = \frac{Q}{Qd/A\epsilon_0} = \frac{A\epsilon_0}{d}$$



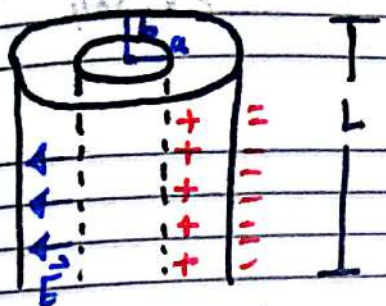
Subject \_\_\_\_\_

Day \_\_\_\_\_

Date \_\_\_\_\_

## (2) cylindrical capacitor

مكثف اسطوانی



$$\Delta V_{ab} = - \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

$$\vec{E} = E r \hat{r} = \frac{2ke \lambda}{r} \hat{r}$$

$$ds = dr \hat{r}$$

$$\Delta V_{ab} = - \int_a^b \frac{2ke \lambda}{r} dr$$

$$= -2ke \frac{Q}{L} \ln r$$

$$\Delta V = -2ke \frac{Q}{L} \ln\left(\frac{b}{a}\right)$$

$$C = \frac{Q}{-2ke \frac{Q}{L} \ln\left(\frac{b}{a}\right)} = \frac{L}{2k \ln\left(\frac{b}{a}\right)}$$

$$\Rightarrow \frac{C}{L} = \frac{1}{2ke \ln\left(\frac{b}{a}\right)}$$

Capacity per unit length.



## ③ spherical capacitor

سکین کر



$$\vec{E} = E_r \hat{r}$$

$$ds = dr \hat{r}$$

$$\Delta V = - \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{r}$$

$$\Delta V = - \int_a^b \frac{k_e Q}{r^2} dr$$

$$\Delta V = -k_e Q \int_a^b \frac{1}{r^2} dr$$

$$\Delta V = -k_e Q \int_a^b r^{-2} dr$$

$$\Delta V = k_e Q \left[ \frac{1}{r} \right]_a^b$$

$$\Delta V_{ab} = -k_e Q \left[ \frac{1}{b} - \frac{1}{a} \right]$$

$$\therefore \Delta V_{ab} = k_e Q \left( \frac{b-a}{ba} \right)$$

$$\Rightarrow C = \frac{Q}{\Delta V_{ab}} = \frac{ab}{k_e(b-a)}$$

$$\text{if } b \rightarrow \infty \text{ then } C = \frac{a}{k_e}$$

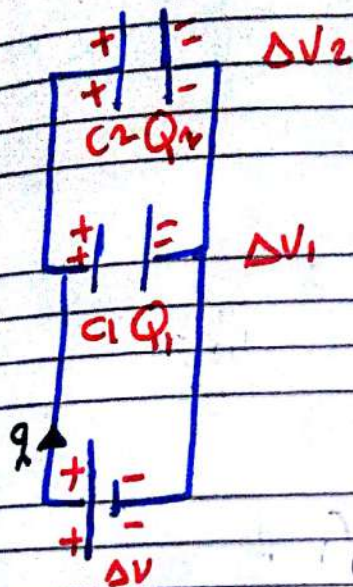


# \* Capacitors Combinations

توصیل ترکیبات

## ① parallel connection

توصیل های موازی



اذا، این دو خازن را به یکدیگر  
من، بطاریه هم نتوانیم وصل کنیم  
چون، موازی است.

شعنه شینر ← موازی

$$\Delta V = \Delta V_1 = \Delta V_2$$

$$Q = Q_1 + Q_2$$

$$Q = C_1 \Delta V_1 + C_2 \Delta V_2$$

$$Q = C \Delta V$$

$$C_{eq} \Delta V = C_1 \Delta V_1 + C_2 \Delta V_2$$

$$C_{eq} = C_1 + C_2$$



کسان، سرعت کمترین

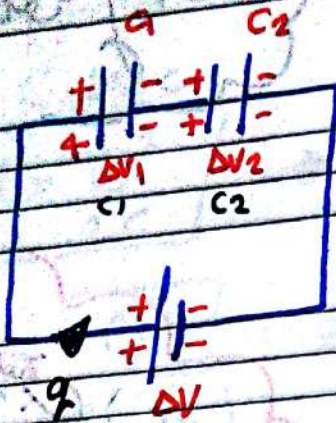
های، موازی



② sequentially connection

موصول ہونے کے تئواری

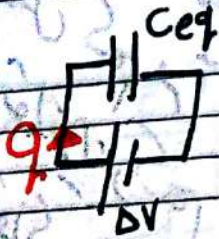
شعبہ لا ترتیب کے تئواری



$$Q = Q_1 = Q_2$$

$$\Delta V = \Delta V_1 + \Delta V_2$$

$$\Delta V = \frac{Q_1}{C_1} + \frac{Q_2}{C_2}$$



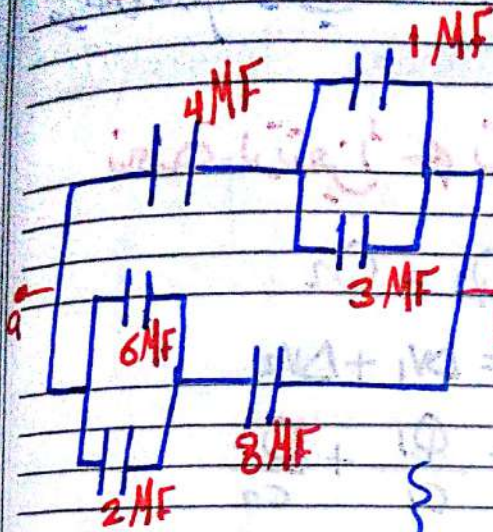
$$\frac{Q}{C_{eq}} = \frac{Q_1}{C_1} + \frac{Q_2}{C_2}$$

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

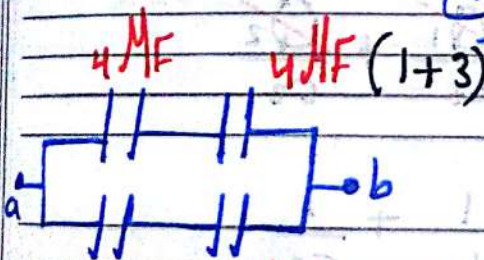
$$C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$

کتاب السعة لمکتف موصول کی  
التواری



\* Ex 8 26.3

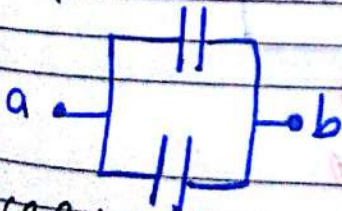
الخطوة ①  
توازي فرسين



(4+2) 8MF 8MF

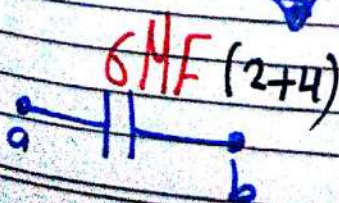
الخطوة الثانية  
توازي فرتين

$$\left( \frac{4 \times 4}{4+4} \right) 2MF$$



$$\left( \frac{8 \times 8}{8+8} \right) 4MF$$

الخطوة الثالثة  
توازي



ARARAWI

$$C_{eq} = 6MF$$

الحلوة Ceq

ما كنت ينبغي السؤال  
على شكل كم مرة  
عملت توازي كم  
مرة توازي كم

دالة



Subject \_\_\_\_\_

Day \_\_\_\_\_

Date \_\_\_\_\_

الطاقة المخزنة في مكثف

## \*Energy stored in a capacitor



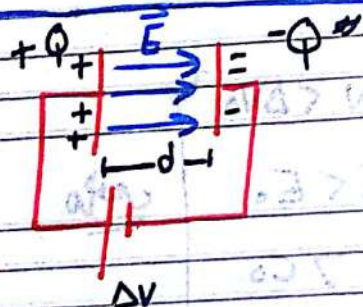
$Q, \Delta V, C$

$$U = \frac{Q^2}{2C}$$

$$C = \frac{Q}{\Delta V}, \quad Q = C\Delta V$$

Energy  $\rightarrow$

$$U = \frac{Q^2}{2\left(\frac{Q}{\Delta V}\right)} = \frac{1}{2} Q \Delta V = \frac{1}{2} C \Delta V^2$$



$$\Delta V = Ed$$

$$\Delta V = \frac{\sigma}{\epsilon_0} d$$

$$\Delta V = \frac{Qd}{\epsilon_0 A}, \quad C = \frac{\epsilon_0 A}{d}$$

$$U = \frac{1}{2} C (\Delta V)^2$$

$$U = \frac{1}{2} \left( \frac{\epsilon_0 A}{d} \right) \cdot E^2 \cdot d^2$$

$$\Rightarrow U = \frac{1}{2} \epsilon_0 \cdot \underbrace{Ad}_{\text{حجم (V)}} \cdot E^2$$

طاقة مخزنة في مكثف

$$U = \frac{1}{2} \epsilon_0 \cdot V \cdot E^2 \quad \text{J.}$$

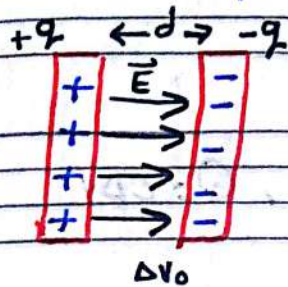
Energy density  $\rightarrow$

$$\frac{U}{V} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2 \quad \text{J/m}^3$$



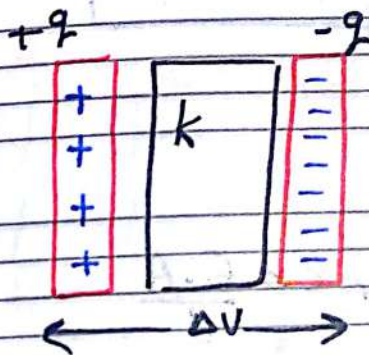
الكهربية والمغناطيسية

## sec 26.58 Capacitors &amp; Dielectrics



$$C_0 = \frac{Q_0}{\Delta V_0}$$

$k$  : dielectric constant  
ثابت العزل



$$k \gg 1$$

$$\Delta V < \Delta V_0$$

$$E < E_0$$

$$C > C_0$$

$$u < u_0$$

موصلي

$$\Delta V = \frac{\Delta V_0}{k}$$

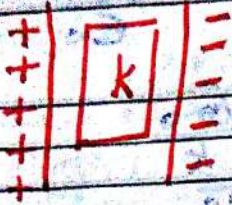
$$E = \frac{E_0}{k}$$

$$u = \frac{u_0}{k}$$

$$C = \frac{Q_0}{\Delta V} = \frac{Q_0}{\frac{\Delta V_0}{k}} = k \frac{Q_0}{\Delta V_0} = k C_0$$



Example 26.5



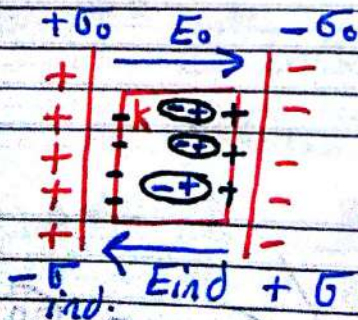
$$u_0 = \frac{Q_0^2}{2C_0}$$

قبل وضع مادة العازلة.

$$u = \frac{Q_0^2}{2C} = \frac{Q_0^2}{2kC_0} = \frac{1}{k} \frac{Q_0^2}{2C_0} = \frac{u_0}{k}$$

لأن  $u < u_0$  مادة العازلة.

Sec 26.7 : Atomic description of dielectric.



$$E = E_0 - E_{ind}$$

$$\frac{\sigma_0}{\epsilon_0 k} = \frac{\sigma_0}{\epsilon_0} - \frac{\sigma_{ind}}{\epsilon_0}$$

$$\sigma_{ind} = \sigma_0 - \frac{\sigma_0}{k}$$

ARARAWI



$$\Rightarrow \sigma_{ind} = \sigma_0 \left(1 - \frac{1}{k}\right)$$

$$\sigma_{ind} = \sigma_0 \left(\frac{k-1}{k}\right)$$

$$\sigma_{ind} < \sigma_0$$

$$E_0 = \frac{\sigma_0}{\epsilon_0}$$

$$E_{ind} = \frac{\sigma_{ind}}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{E_0}{k}$$

$$E = \frac{\sigma_0}{\epsilon_0 k}$$

air,  $k=1 \rightarrow \sigma_{ind} = 0$

metals : (conductor)  $\sigma = \infty$

$$E = E_0 - E_{ind} = 0$$

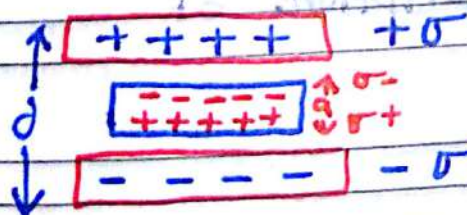
$$E_{ind} = E_0$$

$$\frac{\sigma_{ind}}{\epsilon_0} = \frac{\sigma_0}{\epsilon_0} \rightarrow \sigma_{ind} = \sigma_0$$

$$\sigma_{ind} = \sigma_0$$

\* Example 20.7

جالی سوال



توان

$$C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$

$$C_{eq} = \frac{C^2}{2C} = \frac{1}{2} C$$

$$C_1 = C_2 = \frac{\epsilon_0 A}{d-a} = \frac{2\epsilon_0 A}{2d-a}$$

$$C_{eq} = \frac{\epsilon_0 A}{d-a}$$

$$b) \text{ if } a \rightarrow 0, C_{eq} = \epsilon_0 A / d$$



Subject

Day

Date

Problems 2/5/7/11/23/25/27/32/47/63

2 2 conductors → مكثف

$$\Delta V = 10$$

$$Q = 10 \mu C$$

$$a) C = \frac{Q}{\Delta V} = \frac{10}{10} = 1 \mu F$$

b) إذا زادت الشحنة إلى 100 كم  
سيبقى المكثف

but  $C \rightarrow$  constant

$$\therefore \Delta V = \frac{Q}{C} \rightarrow \Delta V = Q = 100 V$$

6 coaxial cable  $L = 50m$   $r = a$  نقطة

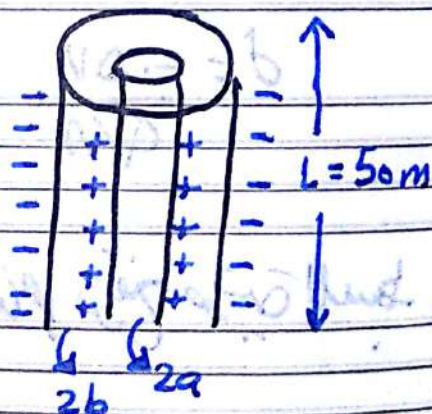
$$\text{diameter} = 2a = 2.58$$

$$Q = 8.1 \mu C$$

$$2b = 7.27 \text{ mm}$$

$$a) C = \frac{L}{2\pi \ln(b/a)} = 2.68 \text{ nF}$$

$$b) \Delta V = \frac{Q}{C} = \frac{8.1 \times 10^{-6}}{2.68 \times 10^{-9}} = 3.02 \times 10^3 V$$







$$\Delta V = 150 \text{ V}$$

$$\sigma = 30 \text{ N/C m}^2$$

Find  $d = ??$

Sol.

$$Q = C \Delta V$$

$$\frac{Q}{A} = \frac{\epsilon \cdot A}{d} \Delta V$$

$$Q = \frac{\epsilon \cdot A}{d} \Delta V$$

$$d = \frac{\epsilon \cdot A}{Q} \Delta V$$

$$d = \frac{\epsilon \cdot \Delta V}{\frac{Q}{A}} = \frac{\epsilon \cdot \Delta V}{\sigma} = \frac{8.85 \times 10^{-12} \times 150}{30 \times 10^{-19} \times 10^4}$$

بالنسبة للوحين

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{ cm} \rightarrow 10^{-2} \text{ m} \\ 1 \text{ cm}^2 \rightarrow 10^{-4} \text{ m}^2 \end{array} \right\}$$

$$= 4.43 \times 10^{-6} \text{ m}$$

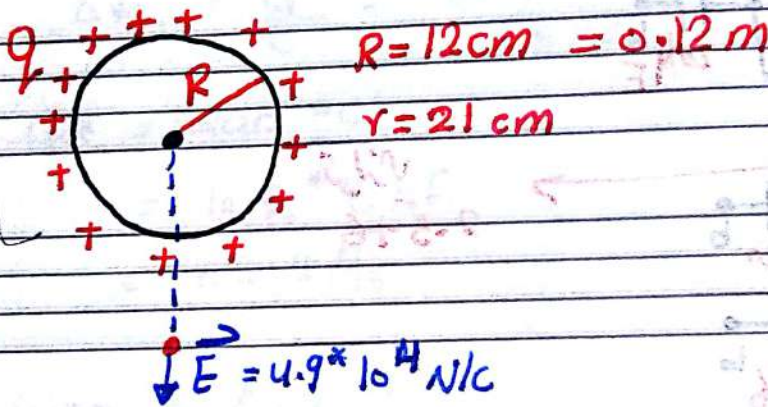
$$= 4.43 \mu\text{m}$$



an Isolated charged conducting sphere.  
كرة موصلة مشحونة ومعزولة

Isolation : معزول

Insulating : عازل



Find  $\sigma$

$$\sigma = \frac{Q}{A} = \frac{Q}{4\pi R^2}$$

Sol.

$$E = \frac{kQ}{r^2} \Rightarrow Q = \frac{Er^2}{k}$$

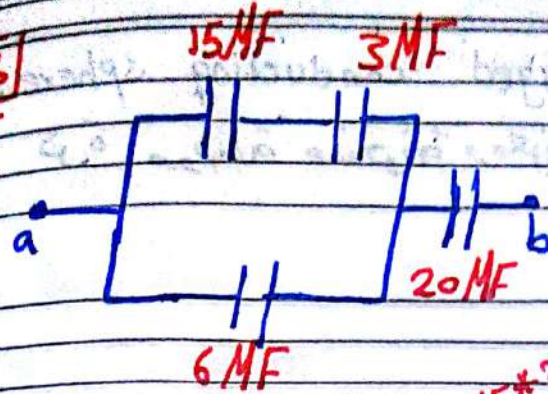
$$Q = \frac{4.9 \times 10^4 (0.21)^2}{9 \times 10^9}$$

$$Q = 0.24 \text{ Nc}$$

$$\sigma = \frac{0.24 \times 10^{-6}}{4\pi (0.12)^2} = 1.33 \text{ Nc/m}^2$$



23

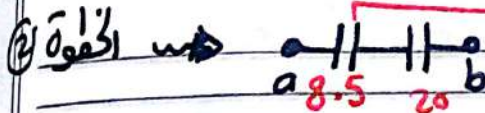


کثافت  
توازی

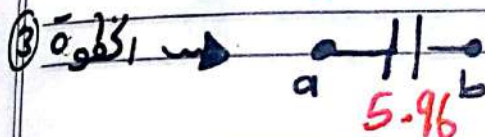
$$\frac{15 \times 3}{15 + 3} = 2.5 \mu F$$



خطوة 1



خطوة 2



خطوة 3

$$2.5 + 6 = 8.5$$

طول حساب  
السعة المكافئة بين  
a و b

جواب رکسان کال لست

السعات في التوازي متساويات ولكن في التوالي تختلف

6]  $\Delta V_{ab} = 15V$  what is the charge on each capacitor.

$$Q = \Delta V \times C$$

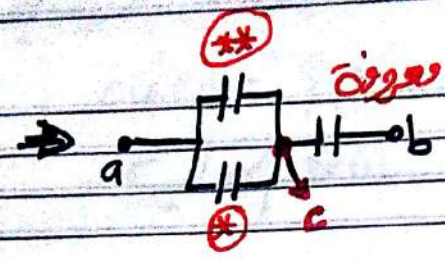
$$= 15 \times 5.96$$

$$Q = 89.5 \mu C$$





نصفه الشحنة لانه  
موصول على لتوازي



$$\Delta V_{ac} = \frac{Q}{C} = \frac{89.5 \mu C}{8.5 \mu C} = 10.5 V$$

$$Q^* = \Delta V_{ac} * C$$

$$= 10.5 * 6 \mu F$$

$$= 63.2 \mu C$$

$$Q^{**} = \Delta V_{ac} * C$$

$$= 10.5 * 2.5 \mu F$$

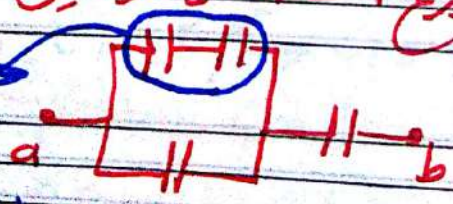
$$= 26.3 \mu C$$

OR

$$89.5 - 63.2 = 26.3 \mu C$$

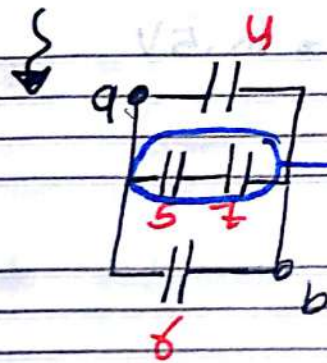
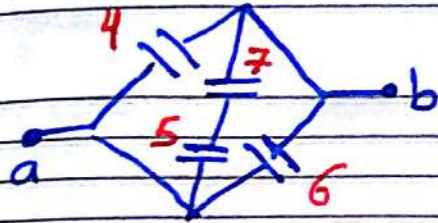
توزيع الشحنة على فواصلين

فصلين  
للتوازي  
توازي  
26.3 μC





25 Find the equivalent capacity between a,b



توایں مع باقی  
المکثفات توازی  
 $= 2.92 \text{ MF}$

$$4 + 2.92 + 6 = 12.92 \text{ MF}$$

Recall that

التوازی = ضرب  $\times$

التوازی = جمع  $+$



27 two capacitor

اذا شبكتهما على التوالي

$$C_1 + C_2 = 9 \mu F$$

افعالى التوازي

$$\frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2} = 2 \mu F$$

Find  $C_1$ ,  $C_2$

Sol.

$$C_1 + C_2 = 9 \Rightarrow C_2 = 9 - C_1$$

$$C_1 \cdot C_2 = 2(9) = 18$$

$$C_1 \cdot (9 - C_1) = 18$$

$$9C_1 - C_1^2 - 18 = 0$$

$$C_1^2 - 9C_1 + 18 = 0$$

$$(C_1 - 3)(C_1 - 6) = 0$$

$$C_1 = 3 \mu F \rightarrow C_2 = 6 \mu F$$

$$C_1 = 6 \mu F \rightarrow C_2 = 3 \mu F$$



32

كثافة سعته  $C = 3 \text{ mF}$  اذا شغل

بطارية جهد  $\Delta V = 12 \text{ V}$

$$\begin{aligned} \text{a) } U &= \frac{1}{2} C \Delta V^2 = \frac{1}{2} * 3 * 10^{-6} * (12)^2 \\ &= 216 * 10^{-6} \text{ J} \\ &= 216 \text{ mJ} \end{aligned}$$

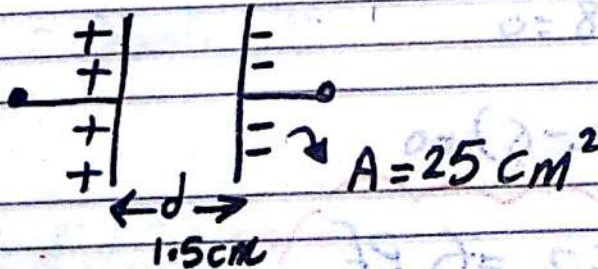
ب) اذا شغل بطارية جهد  $\Delta V = 6 \text{ V}$   
لنفس ابعاد المكثف.

$$\begin{aligned} U &= \frac{1}{2} C \Delta V^2 = \frac{1}{2} * 3 * 10^{-6} * (6)^2 \\ &= 54 \text{ mJ} \end{aligned}$$

اي ان الطاقة تتقل للربع.

47

parallel - plate capacitor



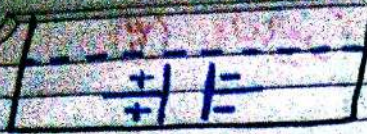
$$\Delta V_0 = 250 \text{ V}$$

تم شحن بطارية فادعته ثبات ثم فكت هذه البطارية  
وكانت في  $\epsilon_0$  (المكان النقي) (المكان) وكانت

$$K = 80$$

ARARAT





① اصب، راحة بعد الفس  
(الراحة - فحمة)

$$q_i = q_f$$

$$= C \Delta V.$$

$$= \frac{\epsilon \cdot A}{d} \Delta V.$$

$$= \frac{8.85 \times 10^{-12} \times 25 \times 10^{-4}}{1.5 \times 10^{-2}} \quad (250)$$

$$= 369 \text{ pC}$$

② اصب، راحة وفترة اكبر بعد وفترة اكبر.

$$C_F = k C_i = k \frac{\epsilon \cdot A}{d}$$

$$= 80 \frac{(8.85 \times 10^{-12}) \times 25 \times 10^{-4}}{1.5 \times 10^{-2}}$$

$$= 1.2 \times 10^{-10} \text{ F}$$

$$= 120 \times 10^{-12} \text{ F}$$

$$= 120 \text{ pF}$$

$$\Delta V_F = \frac{V \cdot}{k} = \frac{250}{80} = 3.1 \text{ V}$$

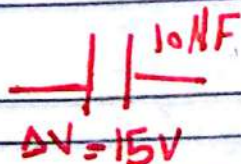


④ التغير في الطاقة ( $\Delta U$ )

$$\begin{aligned}\Delta U &= U_f - U_i = \frac{U_i}{k} - U_i \\ &= U_i \left( \frac{1}{k} - 1 \right) \\ &= \frac{1}{2} C_i \Delta V_o^2 \left( \frac{1}{k} - 1 \right)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}&= \frac{1}{2} \frac{\epsilon \cdot A}{d} \Delta V_o^2 \left( \frac{1}{k} - 1 \right) \\ &= \frac{1}{2} \left( \frac{8.85 \times 10^{-12}}{1.5 \times 10^{-12}} \times 25 \times 10^{-4} \right) (250)^2 \left( \frac{1}{8} - 1 \right) \\ &= -4.55 \times 10^{-8} \text{ J} \\ &= -45.5 \text{ nJ}\end{aligned}$$

63 مكثف سعته  $10 \text{ nF}$  شحن بـ  $15 \text{ V}$ .  
لقد تم فصله ثم انزلت البطارية (نتيجة ارتفاعه)  
ملكيه مليه.



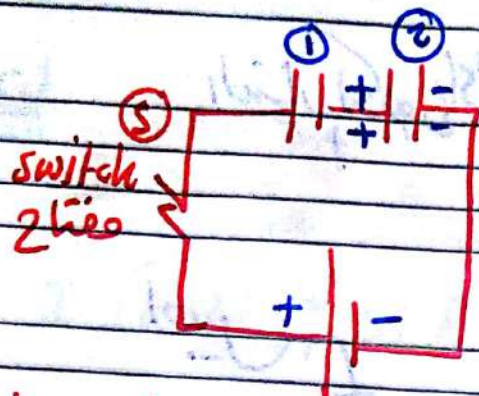
$$\begin{aligned}Q &= C \Delta V_i \\ &= 10 \times 10^{-6} \times 15 \\ &= 150 \text{ nC}\end{aligned}$$

تأثير



وتم شبكه في مكثف فارغ وراكعتاه مفتوح (يعني لسا فارغ)

تطابق



ثم غلقه المفتاح ولو دخلت شحنته (q) في البطارية فالمكثف  
الاول الشحنة عليه تكون q اما المكثف الثاني q+q فتكون  
وصدية واما ان فرق الجهد سيتوزع على المكثفين.

مطلوب الشحنة q وفرق الجهد.

الحل

$$\Delta V = \Delta V_1 + \Delta V_2$$

$$50 = \frac{q}{5} + \frac{q+q}{10}$$

$$50 = \frac{10q}{50} + \frac{5q}{50} + \frac{750}{50}$$

$$15q = 1750$$

$$q \approx 117 \text{ Mc}$$

$$\Delta V_1 = \frac{117}{5} = 23.3 \text{ V}$$

$$\Delta V_2 = \frac{117 + 150}{10} = 26.7 \text{ V}$$

OR

$$\Delta V = \Delta V_1 + \Delta V_2$$

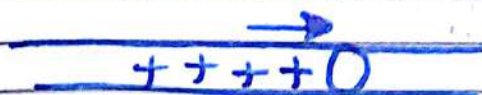
$$50 = 23.3 + \Delta V_2$$

$$\Delta V_2 = 26.7 \text{ V}$$



## Ch. 27 : Current & Resistance

\* Electric current التيار الكهربائي



average current

$$I_{av} = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \frac{C}{s} = A$$

افيس

التيار هو كمية الشحنة التي تعبر مقطع معين بمرور  
زمن معين.

\* what was the specific speed after  $t = \dots$

لـ سرعة كظية.

Instantaneous current

تيار كظية هو كمية التيار عند زمن معين

s.t  $\rightarrow$  Find the current after  $t = 3.15$



23

\* Example 90

$$Q(t) = 4t^3 + 3t - 2$$

Sol:

$$I = \frac{dQ}{dt} = 12t^2 + 3$$

$$I(t=2) = 51 \text{ A} \quad \leftarrow \text{تيار كلفن}$$

اذا اكدت شحنة  $\leftarrow$  استعملت  $\leftarrow$  في  $Q$  و  $I$  في  $t$

اذا اكدت تيار اكامل  $\leftarrow$  في  $I$  و  $Q$  في  $t$

$$\rightarrow I = \frac{dQ}{dt}, \quad Q = \int_{t_1}^{t_2} I dt$$

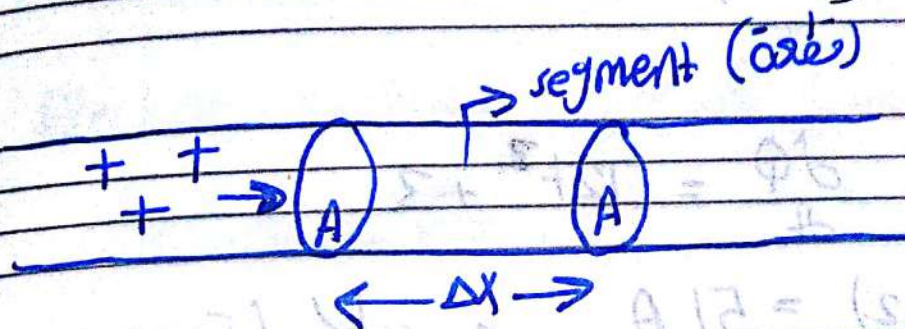
Ex.  $I = 5t + 3, \quad 0 \leq t \leq 1$

$$Q = \int_0^1 I dt = \int_0^1 (5t + 3) dt$$

$$= \left. \frac{5t^2}{2} + 3t \right|_0^1 = \frac{5}{2} + 3 = 5.5 \text{ C}$$



# المذنب، لنرى كيف يتحرك (Microscopic Model of current)



Volume of the segment =  $A \cdot \Delta x$

$n$ : # of mobile charges per unit volume

عدد الشحنات في وحدة الحجم (قسط)

$n \cdot A \cdot \Delta x$  = # of mobile charges in the segment  
عدد الشحنات في القسط (إجمالي)

$n \cdot (\Delta x A) q$  ← plus (إجمالي، إيجابي)

= the total charge in the segment.

$$\therefore \Delta Q = n A \Delta x q$$



سرعة الانسيابية  $V_d$  → drift velocity

$$\Delta x = V_d \Delta t$$

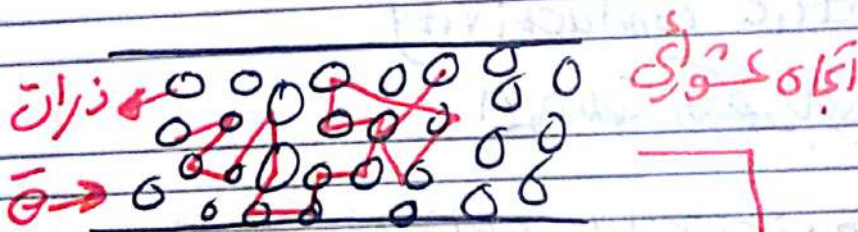
$$\therefore \Delta Q = nqA \cdot V_d \Delta t$$

فقدار الشحنة التي تعبر من المقطع العرضي في التناهي خلال زمن معين.

$$\therefore I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \frac{nqA V_d \Delta t}{\Delta t}$$

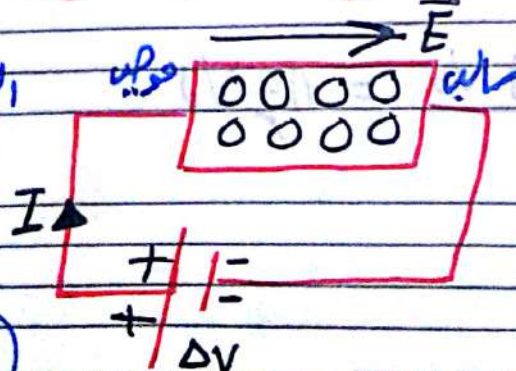
$$I = nqA V_d$$

الوحدات ←  $A$   $\frac{1}{m^3}$   $C$   $m^2$   $ms$



الانكسار، كسر الحركة  
فقط في عوائق الحركة

الانكسار، كسر الحركة  
فقط في عوائق الحركة



في حالة تسلكه  
ببطء ومنتزعه  
منه حله

ARARAWI

←



لا . كسرة بطيئة ولكن الذي يساهم في الحركة على الحركة السريعة هو تسارع باقي الإلكترونات

\* كثافة التيار الكهربائي Current density

$$J = \frac{I}{A} \equiv A/m^2$$

الكثافة = التيار / مساحة المقطع

$$J \propto E$$

$$J = \sigma E$$

electric conductivity

الموصلية الكهربائية

مقاومة نووية ( $\rho$ ) Electric resistivity

$$\rho = \frac{L}{\sigma}$$

$$J = \frac{I}{A} = \frac{nqAV_d}{A} = nqV_d$$



$$\Rightarrow J = \sigma E$$

$$\frac{I}{A} = \sigma \left( \frac{\Delta V}{L} \right)$$

$$\Delta V = \frac{L I}{\sigma A}$$

مقاومة  
resistance (R)

$$\boxed{\Delta V = R I} \quad \text{ohm's law} \quad \text{قانون اوم}$$

$$R = \frac{\rho L}{a} = \frac{L}{\sigma a}$$

مقاومة (ملم)

• بزيادة  $L$  - تزيد  $R$  والعكس صحيح (مردى).

• بزيادة  $A$  - تقل  $R$  والعكس صحيح (عكس).

if  $\underline{L}$  is double &  $A$  has decreased by Factor 3

$$A \rightarrow A/3$$

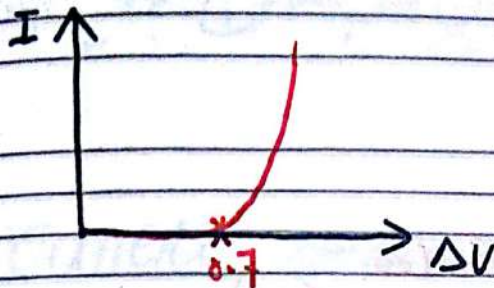
$$L \rightarrow 2L$$

$$R = \frac{\rho 2L}{\frac{A}{3}} = 6 \frac{\rho L}{A}$$

زيادة بمقدار 6 أضعاف



→ (Non ohmic Material)



Diod (non linear device)

الديود (جهاز غير خطي، كجهاز لنقل الطاقة في اتجاه واحد)

Ex. 27.2

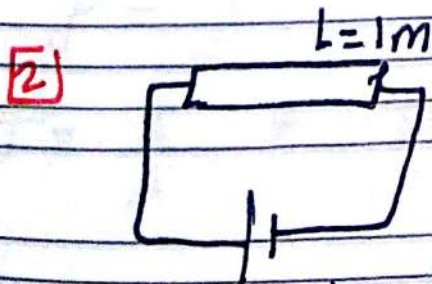
Nichtome

$t = 0.32 \text{ mm}$



22-gauge سلك

$$\boxed{1} \quad R = \frac{\rho L}{A} \rightarrow \frac{R}{L} = \frac{\rho}{A} = \frac{1 \times 10^{-6}}{\pi (0.32 \times 10^{-3})^2} = 3.1 \Omega/\text{m}$$



$$\rightarrow I = \frac{\Delta V}{R} = \frac{10}{3.1} = 3.2 \text{ A}$$

$$\Delta V = 10 \text{ V}$$

$$R = 3.1 \Omega$$

ARARAWI



المقاومة ودرجة الحرارة

## \* Resistance and Temperature

$$T_0, R_0 \quad T, R_0 \rightarrow R = R_0 [1 + \alpha (T - T_0)]$$

↑ من زيادة درجة الحرارة
Temp. Coeff. res.

Table 27.2

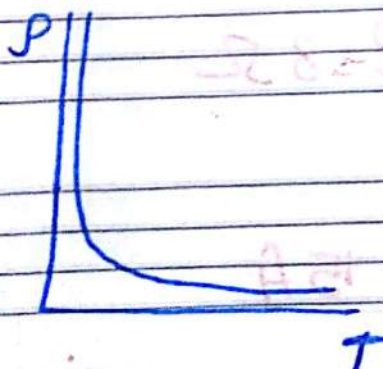
بنرجع الى الجدول

Material	$\rho$	$\alpha$

$$\rho = \rho_0 [1 + \alpha (T - T_0)]$$

Semi conductors

$$\alpha < 0$$



conductors

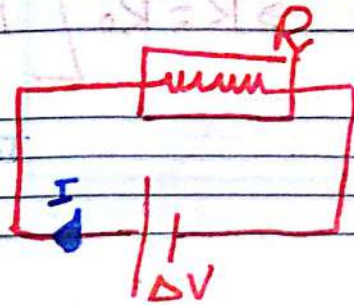


$\alpha$ : كل ما زادت الحرارة قلت المقاومة

$\alpha$ : كل ما زادت الحرارة بزيادة المقاومة (خارجية)



# \* Electric power القوة الكهربائية



$$P = I \Delta V$$

$$100 W = 100 A \times 1 V$$

high I low V

$$= 1 A \times 100 V$$

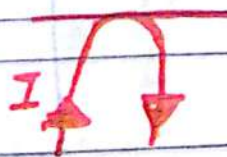
Low I high V

$$\Delta V = I R_0$$

Ex: 27.4

$$\Delta V = 120 V$$

Nickto me



$$R = 8 \Omega$$

$$\textcircled{1} \quad I = \frac{\Delta V}{R} = \frac{120}{8} = 15 A$$

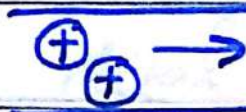
نستعمل  $8 \times 15$  في الك

$$\textcircled{2} \quad P = 15 \times 120 = 1800 W$$



Problems 80 5, 8, 15, 26, 31, 39

5



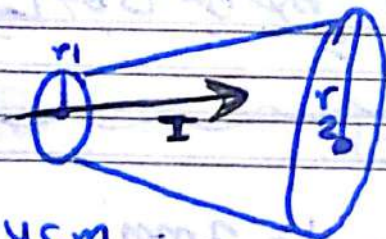
$$I = 125 \text{ NA}$$

$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \frac{Nq}{\Delta t}$$

$$N = \frac{Q}{q} \rightarrow N = \frac{I \Delta t}{q}$$

$$= \frac{125 \times 10^{-6} \times 23}{1.6 \times 10^{-19}} = 1.8 \times 10^{16} \text{ Proton}$$

8



$$r_1 = 0.4 \text{ cm}$$

$$I = 5 \text{ A}$$

$$\text{a) } J_1 = \frac{I}{A_1} = \frac{5}{\pi (r_1)^2} = \frac{5}{\pi (0.4 \times 10^{-2})^2} = 99.5 \times 10^3 \text{ A/m}^2$$

ب) 5A التيار ثابت  
وكن كثافة التيار تتغير  
(تتغير مع مساحة)  $\rightarrow I = 5 \text{ A}$  is the same  
every where.

ج)  $J_2 > J_1$

ARARAWI



$$\textcircled{d} \quad \pi (r_2)^2 = 4 \pi (r_1)^2$$

$$r_2 = 2r_1 = 0.8 \text{ cm}$$

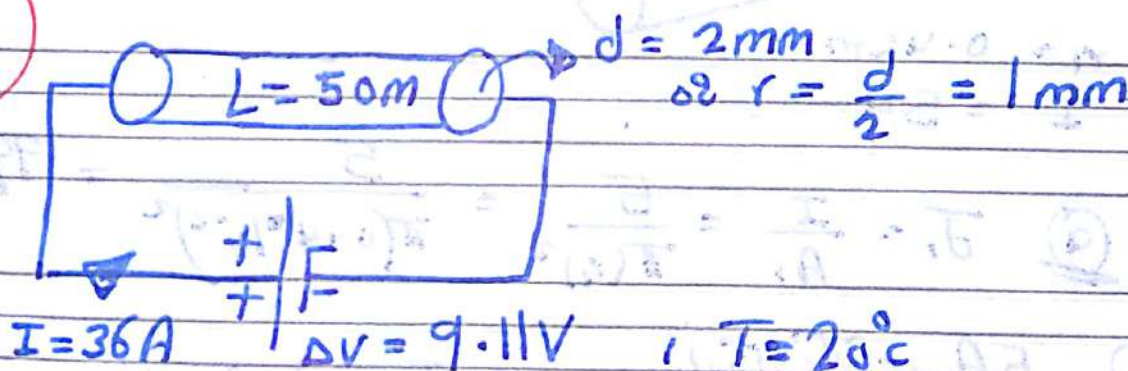
$$\textcircled{e} \quad I = 5 \text{ A}$$

$$\textcircled{f} \quad J_2 = \frac{I}{A_2} = \frac{5}{\pi (r_2)^2} = \frac{5}{\pi (0.8 \times 10^{-2})^2}$$

$$= 24.9 \times 10^3 \text{ A/m}^2$$

OR  $J_2 = \frac{1}{4} J_1$  Area is 4 times

15



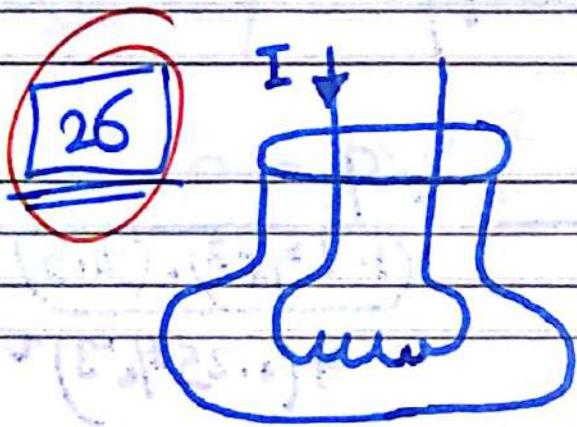
$$\textcircled{1} \quad R = \frac{\rho \cdot L}{A} \rightarrow R = \frac{\Delta V}{I}$$

$$\therefore \frac{\rho L}{A} = \frac{\Delta V}{I} \Rightarrow \rho = \frac{\Delta V \pi r^2}{I L}$$



بعد تقويف اللفاف -  $\rho = 1.59 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$

\* This metal is made of silver (Ag)



$$T_0 = 20^\circ C$$

$$R_0 = 19 \Omega$$

$$T = ?? , R = 140 \Omega$$

$$\alpha = 4.5 \times 10^{-3} C^{-1}$$

من الجدول

Sol:

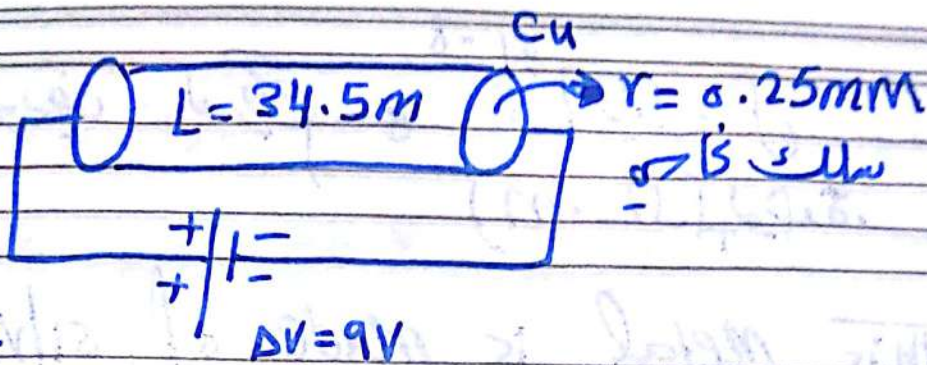
$$\rightarrow R = R_0 (1 + \alpha (T - T_0))$$

$$\therefore T = 1440^\circ C$$

ترقق



31



فن كبد •  $\rho_{Cu} = 1.7 \times 10^{-8}$

a) 
$$I = \frac{\Delta V}{R} = \frac{\Delta V}{\frac{\rho L}{A}} = \frac{9}{\frac{(1.7 \times 10^{-8}) \cdot (34.5)}{4(0.25 \times 10^{-3})^2}}$$

∴  $I = 3.0 \text{ A}$

b)  $T = 30^\circ\text{C}$

در صورت قطع، سیم را داخل سوراخ قرار دهیم  
اکنون.

①  $R = R_0 [1 + \alpha (T - T_0)] = 3.10 \Omega$

②  $I = \frac{\Delta V}{R} = \frac{9}{3.1} = 2.90 \text{ A}$



Subject \_\_\_\_\_

39

$$P = 1 \text{ kW}$$

$$\Delta V = 120 \text{ V}$$

a  $P = I \Delta V \rightarrow I = \frac{P}{\Delta V} = \frac{1000}{120} = 8.33$

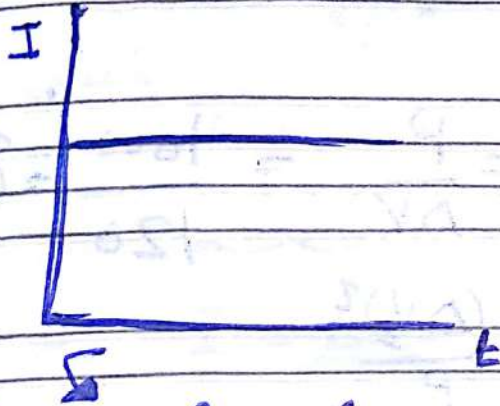
b  $P = \frac{(\Delta V)^2}{R} \Rightarrow R = \frac{(\Delta V)^2}{P}$

$$\therefore R = \frac{(120)^2}{8.33} = 14.4 \text{ } \Omega$$



## chapter (28) Direct current circuits

دائرتہ الیکٹرک المباشرة



البطارية (battery) → مصادیك التيار المستمر

التيار المتذبذب (Alternating Current)



طبعا فان التيار المتذبذب  
يصعب ايجاد اشارة يكون هناك تحويل

تحويل التيار من متذبذب الى ثابت

\* Recall that :

بطارية

(فكثف) فواضع C

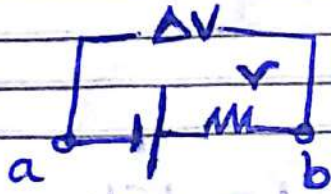
مقاومة R



# \* ~~Electromotive~~ Electromotive Force

(EMF) القوة الدافعة الكهربائية

يرمز لها بالرمز (E)



$r \rightarrow$  مقاومة داخلية (internal resistance)  
البارية

terminal voltage  $\rightarrow$  الجهد بين الطرفين

$$\Delta V_{ab} = V_b - V_a$$

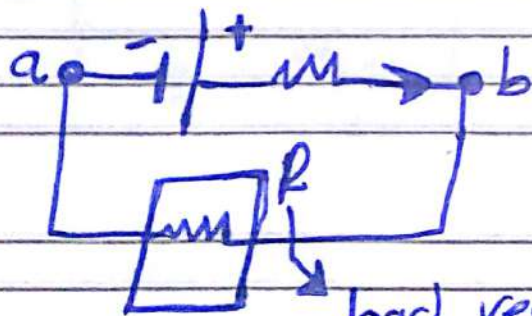
$$= E - Ir$$

من قبل الجهد في الدارة  
تزداد في الجهد  
انخفاض الجهد

$$\Delta V < E \text{ always}$$

ولكن  $\Delta V \neq E$  لأنه في وجود المقاومة الطبيعية التي في الدارة  
فقدت

\* في حال احيال البارية كجهاز



load resistance

مقاومة الحمل (الجهاز)

ARARAWI



$$\Delta V_{ab} = IR$$

فشار سقلي

or

$$\Delta V_{ab} = \epsilon - Ir$$

فشار علوي



$$\epsilon = Ir + IR$$

$$\epsilon = I(r + R)$$

$$\Rightarrow \boxed{I = \frac{\epsilon}{r + R}}$$

التيار = القوة الدافعة للبطارية

مجموع المقاومتين

(\*) ان تكون مقاومة البطارية اقل بكثير من مقاومة الحمل  
(مقاومة الحمل ديجهاز)

$$\epsilon = Ir + IR$$

$$(I) \Rightarrow IE = I^2 r + I^2 R$$

$$P = P_r + P_R$$

القدرة الكلية



قدرة المقاومة

الدافعة للبطارية

قدرة المقاومة

كل الجهاز



\* Example : 28.1

$$\epsilon = 12V \quad r = 0.05 \Omega \quad R = 3 \Omega$$

$$\textcircled{a} \quad I = \frac{\epsilon}{r+R} = \frac{12}{0.05 + 3} = 3.93A$$

$$\textcircled{b} \quad \Delta V = \epsilon - Ir$$

$$= 12 - (3.93)(0.05)$$

$$= 12 - 0.197$$

$$= 11.8V$$

$$\textcircled{c} \quad P_R = I^2 R = (3.93)^2 (3) = 46.3W$$

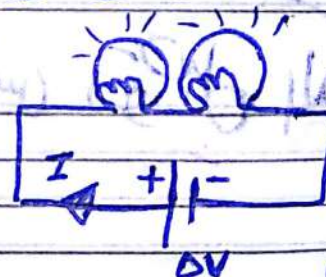
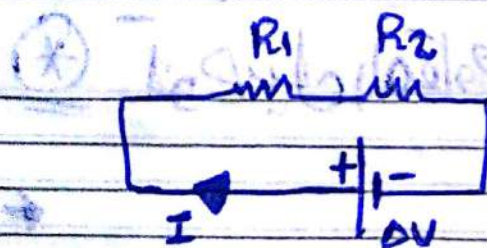
$$\textcircled{d} \quad P_r = I^2 r = (3.93)^2 (0.05) = 0.772W$$

$$\textcircled{e} \quad P = P_r + P_R = 0.772 + 46.3 = 47.1W$$

or

$$P = I(\epsilon) = (3.93)(12) = 47.1W$$

\* Resistors Connected in Series



$$\Delta V = \Delta V_1 + \Delta V_2$$

$$I R_{eq} = I R_1 + I R_2$$

$$R_{eq} = R_1 + R_2$$



(\* Recall )

$$C_p = 100 C_s$$

Find no. of capacitors

Sol.

$$\text{Series} \rightarrow \frac{1}{C} + \frac{1}{C} + \dots + \frac{1}{C} = \frac{n}{C}$$

$$\infty \quad \boxed{C_s = \frac{C}{n}}$$

المتوالي

$$\text{Parallel} \rightarrow C + C + \dots + C = nC$$

$$\infty \quad \boxed{C_p = nC}$$

$$\Rightarrow C_p = 100 C_s$$

$$nC = 100 \left( \frac{C}{n} \right)$$

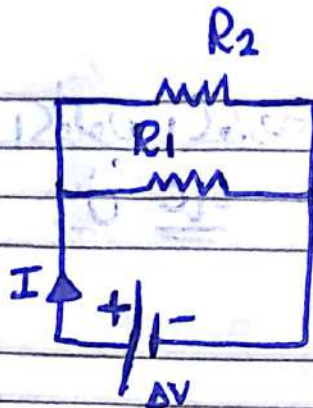
$$n^2 = 100 \rightarrow \boxed{n = 10}$$

(\* توحيد المقادير عكس توحيد الكثافات



# \* Resistors connected in parallel

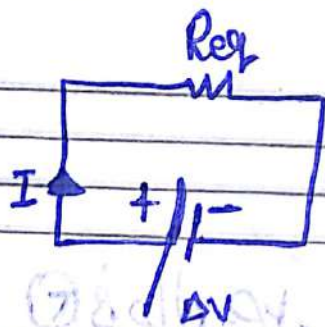
الموصل على التوالي



$$\Delta V = \Delta V_1 = \Delta V_2$$

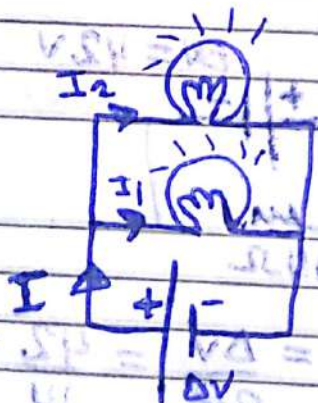
$$I = I_1 + I_2$$

$$\frac{\Delta V}{R_{eq}} = \frac{\Delta V}{R_1} + \frac{\Delta V}{R_2}$$



$$\Rightarrow \frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$

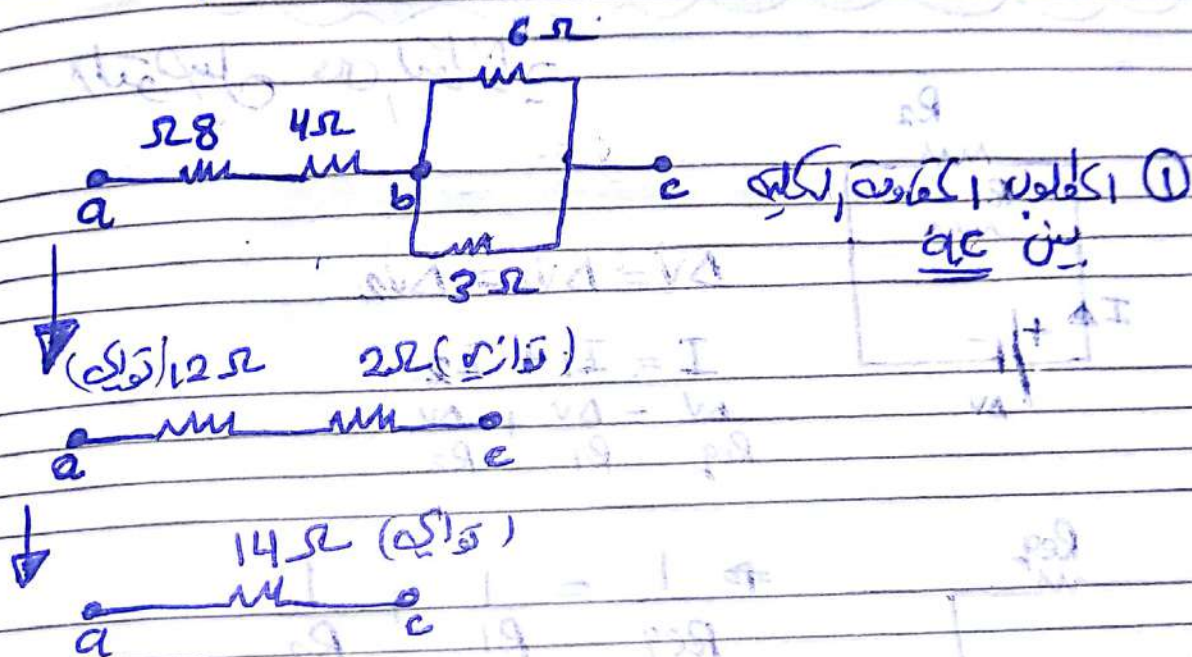
$$\Rightarrow R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$



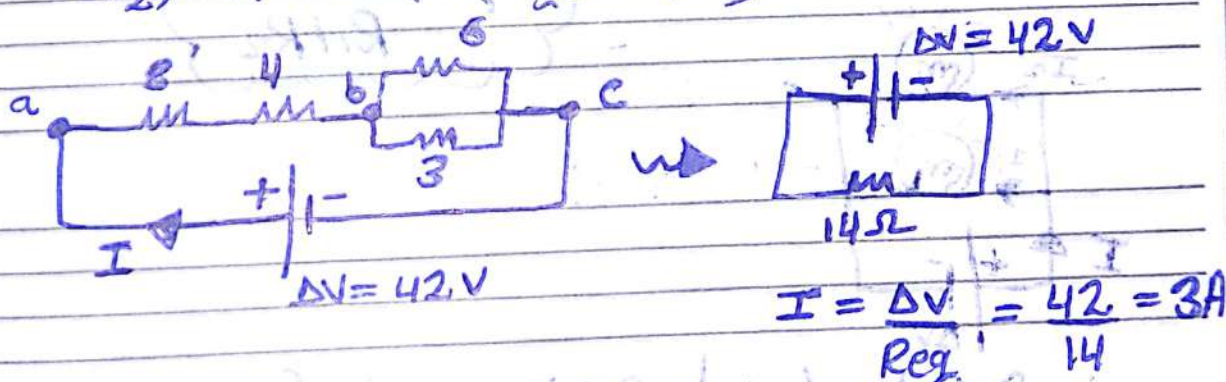
\* التماس سيجأ في حال الموصل على التوالي



\* Example : 28.4



② حال وصل الطرفين ببطارية  $I, I_1, I_2$



هو التيار الخارج من البطارية 3A ولكن التيار الخارج بالتوازي

$$I = \frac{\Delta V}{R_6} \rightarrow I = 6A$$

\* دليلاً "التيار" يمكن لتوازي أكثر بالمقاومة أقل مقدار

تابع



(43)

Subject \_\_\_\_\_

Day \_\_\_\_\_

Date \_\_\_\_\_ / \_\_\_\_\_ / \_\_\_\_\_

دائرة

$$3 = I_2 + I_1 \quad \text{--- (1)}$$

3 بار كسوة 3 بار كسوة 6 بار كسوة

$$\Delta V_6 = \Delta V_3$$

$$I_2 6 = I_1 3$$

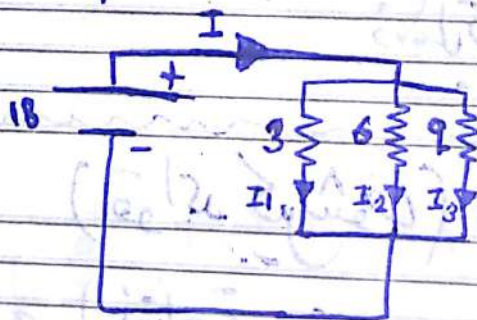
$$2 I_2 = I_1 \quad \text{--- (2)}$$

substitute (2) in (1)

$$\Rightarrow 3 = I_2 + 2I_2 \Rightarrow \boxed{I_2 = 1}$$

$$\text{so } \boxed{I_1 = 2}$$

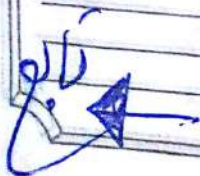
\*Example 828.5



(a)  $R_{eq} = ??$

$$\frac{3 \cdot 6}{3+6} = \frac{18}{9} = 2$$

$$\frac{2 \cdot 9}{2+9} = \frac{18}{11} = 1.64 \Omega$$





(b)  $I = \frac{18}{1.64} \rightarrow$  تیار کا ہے

$$I_1 = \frac{\Delta V}{R_1} = \frac{18}{3} = 6A$$

$$I_2 = \frac{\Delta V}{R_2} = \frac{18}{6} = 3A$$

$$I_3 = \frac{\Delta V}{R_3} = \frac{18}{9} = 2A$$

(c)  $P_1 = I_1^2 R_1$

$$P_2 = I_2^2 R_2$$

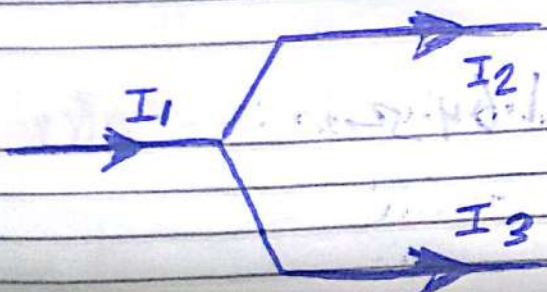
$$P_3 = I_3^2 R_3$$

$$P = P_1 + P_2 + P_3$$

\* Kirchhoff's Rules (قواعد کیرشوف)

(i) Junction Rule (نقطہ جمع)

مجموع، تیار، داخل = مجموع، تیار، خارج





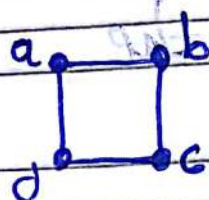
$$\Rightarrow I_1 = I_2 + I_3$$

$$I_1 - I_2 - I_3 = 0$$

$$\sum I = 0$$

② Loop Rules (قاعدة الحلقة)

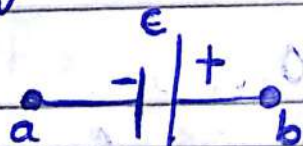
\* فرق الجهد في كل حلقة (بجانب فرق الجهد) = Zero



$$\sum_{\text{closed loop}} \Delta V = \text{Zero}$$

$$\Delta V_{ab} + \Delta V_{bc} + \Delta V_{cd} + \Delta V_{da} = \text{Zero}$$

\* Sign Conversion (تغيير علامة)

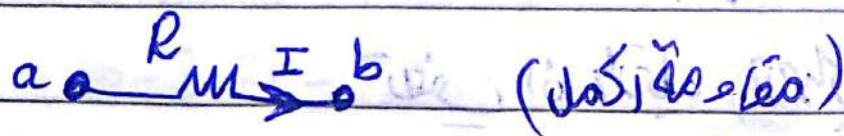


(تغيير علامة)

\* فرق الجهد: عند الانتقال من a إلى b في اتجاه التيار، فرق الجهد هو E

$\Delta V = E$  ← فرق الجهد بين نقطتين متصلتين بقطب موجب

عند الانتقال من b إلى a في اتجاه التيار، فرق الجهد هو  $\Delta V = -E$



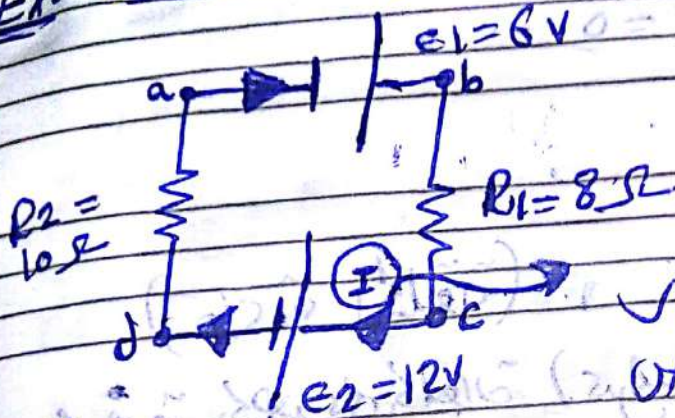
(تغيير علامة)

$$a \rightarrow b \Rightarrow \Delta V = -IR$$

$$b \rightarrow a \Rightarrow \Delta V = IR$$

(تغيير علامة عكس) (تغيير علامة)



Ex. 28.6 Single Loop

⊛ Calculate the current in the circuit?

Sol.

$$\sum_{abcd} \Delta V = 0$$

$$E_1 - IR_1 - E_2 - IR_2 = 0$$

$$\Rightarrow I = \frac{E_1 - E_2}{R_1 + R_2} = \frac{6 - 12}{8 + 10} = \frac{-6}{18} = -\frac{1}{3}$$

$$\therefore I = -0.33 \text{ A}$$

نتي ان الاتجاه الاصلي للسَّيَّار هو كذا  
المفروض الدارة.

بسم الله الرحمن الرحيم بسم الله الرحمن الرحيم بسم الله الرحمن الرحيم



Ex. 28.7calculate  $I_1, I_2, I_3$  :Sol.

$$I_3 = I_1 + I_2 \dots \textcircled{1} \quad \leftarrow \text{KCL at node c}$$

$$\sum \Delta V = 0$$

abcda

$$10 - 6I_1 - 2I_3 = 0 \dots \textcircled{2}$$

$$\sum \Delta V = 0$$

befcb

$$-4I_2 - 14 + 6I_1 - 10 = 0 \dots$$

$$-4I_2 - 24 + 6I_1 = 0 \dots \textcircled{3}$$

➔ substitute ① in ②

$$10 - 6I_1 - 2I_1 - 2I_2 = 0$$

$$10 - 8I_1 - 2I_2 = 0 \dots \textcircled{4}$$

➔  $(-2) * \textcircled{4} \Rightarrow -20 + 16I_1 + 4I_2 = 0$



③ + ⑤ →

$-44 + 22I_1 = 0 \rightarrow I_1 = 2A$

\* substitute the value of  $I_1$  in eq. ④

$I_2 = -3A$

\* substitute the value of  $I_1$  &  $I_2$  in eq. ①

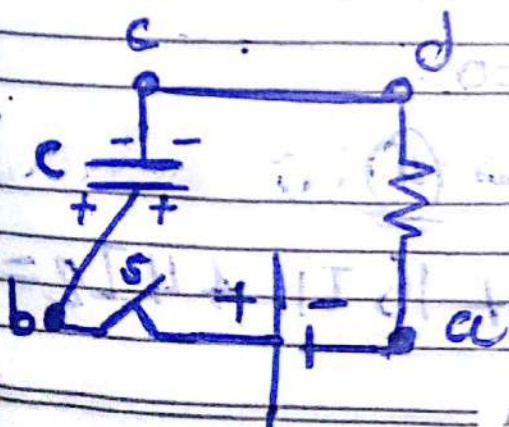
$I_3 = -1A$

(RC - Circuite)

هذه دائرة تحتوي على مقاومات و مكثفات

① charging the Capacitor

شحن المكثف





① التيار ينحصر أساساً مع الزمن...

② في حال شحنت المكثف بشكل كامل يصبح (تسارع) صحيح.

ملامحة: المكثف يكمل دائرة التيار

$$\sum_{ab c d a} \Delta V = 0$$

$$\epsilon - \frac{q}{C} - IR = 0$$

فقدان الجهد  
الأسلاك  
(مكثف) ← فرق الجهد  
للمكثف

$$\text{at } t=0 \rightarrow q=0$$

$$\Rightarrow \epsilon = IR$$

$$\Rightarrow \boxed{I_{\max} = \frac{\epsilon}{R}}$$

التيار يتناقص كفاءة الدائرة  
التيار...

$$\text{at } t=\infty \rightarrow I=0$$

$$\Rightarrow \epsilon = \frac{q}{C} \rightarrow \boxed{q_{\max} = \epsilon C}$$

التيار يتناقص كفاءة الدائرة  
التيار...



$\Rightarrow E - \frac{q}{C} - R \frac{dq}{dt} = 0$  (First order Linear eq.)

$$R \frac{dq}{dt} = E - \frac{q}{C}$$

$$\frac{dq}{dt} = \frac{E - \frac{q}{C}}{R}$$

$$\frac{dq}{dt} = \frac{EC - q}{RC}$$

$$\frac{dq}{q - EC} = \frac{-1}{RC} dt \quad \leftarrow \text{دکھو، فرق}$$

$$\int_0^q \frac{1}{q - EC} dq = \frac{-1}{RC} \int_0^t (1) dt$$

$$\ln(q - EC) \Big|_0^q = \frac{-t}{RC} \Big|_0^t$$

$$\ln(q - EC) - \ln(-EC) = \frac{-t}{RC}$$



31

Subject

Day

Date

$$\ln\left(\frac{q - EC}{-EC}\right) = \frac{-t}{RC}$$

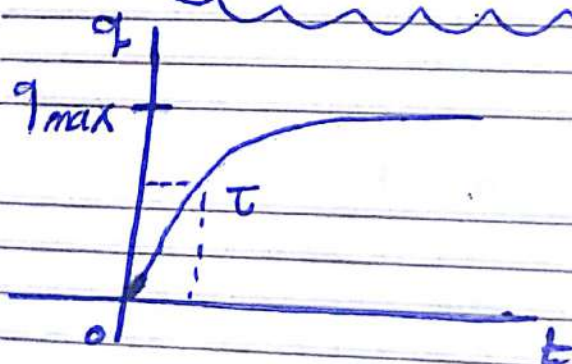
نرفع الطرفين  
للاستطارة

$$\frac{q - EC}{-EC} = e^{-t/RC}$$

$$q = EC(1 - e^{-t/RC})$$

$\tau = RC$  (time constant)

$$q(t) = Q_{Max}(1 - e^{-t/\tau})$$



من الزحف الزم من

تصل السعة الى القيمة القصوى بعد 36

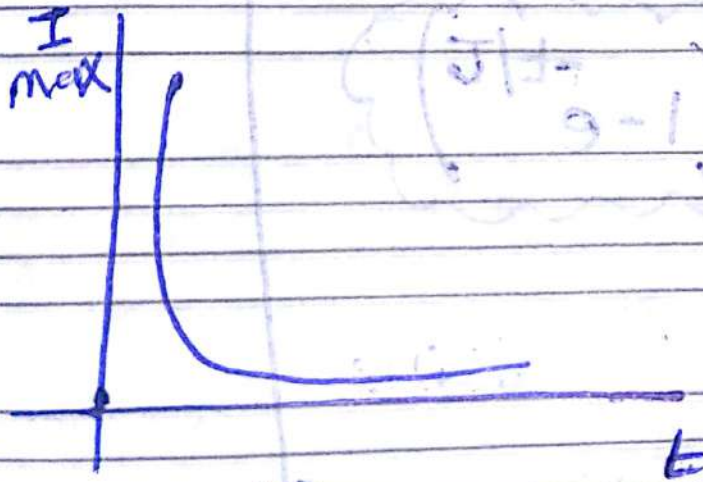


$$I = \frac{dq}{dt} = \epsilon c \left( 0 - \left( \frac{-1}{RC} \right) e^{-t/RC} \right)$$

$$I = \frac{\epsilon c}{RC} e^{-t/RC}$$

$$I = \frac{\epsilon}{R} e^{-t/RC}$$

$$I = I_{\max} e^{-t/\tau}$$

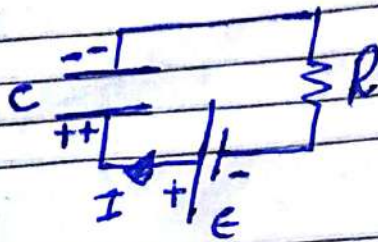




# RC - Circuits

Recall that

① charging



$$E - \frac{q}{C} - RI = 0$$

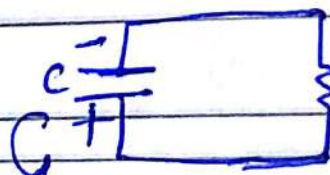
$$q(t) = EC(1 - e^{-t/RC})$$

$$q(t) = Q_{max}(1 - e^{-t/\tau})$$

$$\tau = RC$$

$$I(t) = \frac{E}{R} e^{-t/RC} = I_{max} e^{-t/\tau}$$

② discharging a capacitor



$$-\frac{q}{C} - RI = 0$$

$$-\frac{q}{C} - R \frac{dq}{dt} = 0$$

$$R \frac{dq}{dt} = -\frac{q}{C}$$



$$\Rightarrow \frac{dq}{dt} = -\frac{q}{RC}$$

$$\int_{Q_{max}}^q \frac{dq}{q} = - \int_0^t \frac{dt}{RC}$$

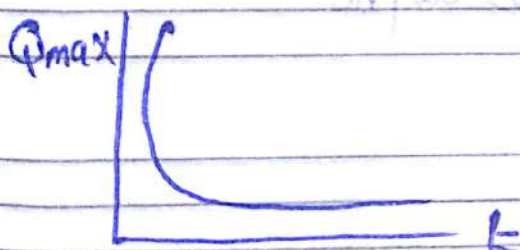
$$\ln \frac{q}{Q_{max}} = -\frac{t}{RC}$$

$$\ln q = \ln Q_{max} - \frac{t}{RC}$$

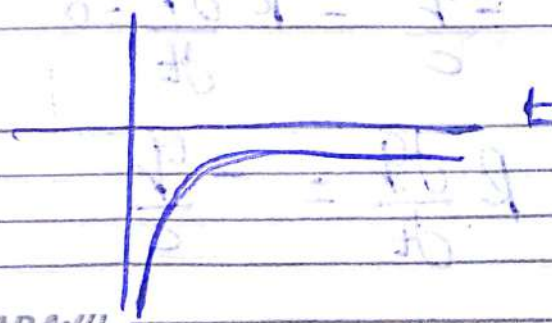
$$\ln \left( \frac{q}{Q_{max}} \right) = -\frac{t}{RC} \quad \leftarrow e^{j\omega}$$

$$q(t) = Q_{max} e^{-t/RC}$$

$$q(t) = I_{max} e^{-t/\tau}$$



$$\Rightarrow I = \frac{dq}{dt} = -I_{max} e^{-t/\tau}$$





## \* Example 28.9

$$E = 12V$$

$$C = 5MF$$

$$R = 8 \times 10^5 = 800k \Omega$$

charging

$$\textcircled{1} \tau = RC = 4 \text{ sec}$$

$$\textcircled{2} Q_{\max} = EC = 12(5 \times 10^{-6}) = 60 \mu C$$

$$\textcircled{3} I_{\max} = \frac{E}{R} = \frac{12}{8 \times 10^5} = 15 \mu A$$

$$\textcircled{4} \text{ اگسٹری کے ساتھ بڑھنے والی مقدار}$$



$$q(t) = (60 \mu C) (1 - e^{-t/4})$$

$$I(t) = (15 \mu A) e^{-t/4}$$

## \* Example 28.10

$$\textcircled{1} q(t) = Q_{\max} e^{-t/\tau}$$

$$\frac{1}{4} Q_{\max} = Q_{\max} e^{-t/\tau}$$

$$-t/\tau = -2 \ln 2$$

$$t = 1.39 \tau$$



②  $U = \frac{q^2}{2C}$  by ch. 26

نريد معرفة

$U = U_{max} e^{-2t/\tau}$

$\frac{1}{4} U_{max} = U_{max} e^{-2t/\tau}$

$t = 0.69 \tau$

الطاقة المتبقية  
التي تبقى في  
القدرة  
عند الزمن  $t$   
أو تغيرها

$U$

لواحد هيدروكربون (تكملة للعلوي)

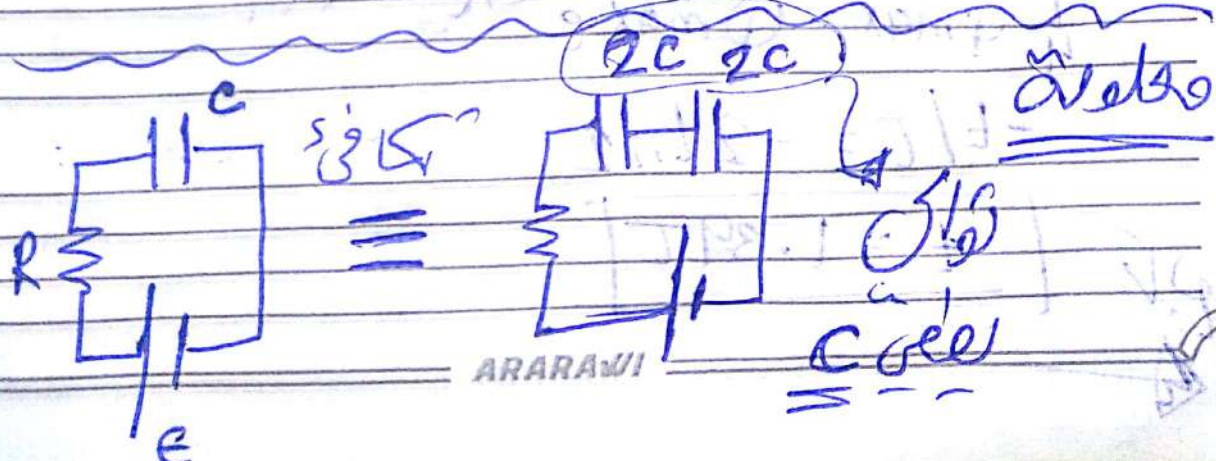
$q(t) = EC e^{-t/\tau}$

وطلبنا  $q$  بعد  $3$  ثواني

$t = 3\tau$

$q(t=3\tau) = EC e^{-3}$

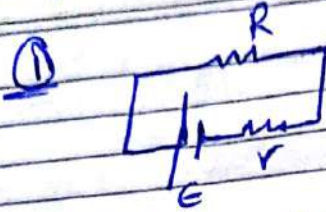
ونعرفه القيمة ونوجد  $q$





Problem 58

1/9/14/22/24/32/37/39/43/



$\Delta V = 11.6V$

$P_R = 20W$

$E = 15V$

المقاومة R تكون 6.73 Ω  
 لأن فرق الجهد بين طرفي E هو 11.6V  
 كيرة

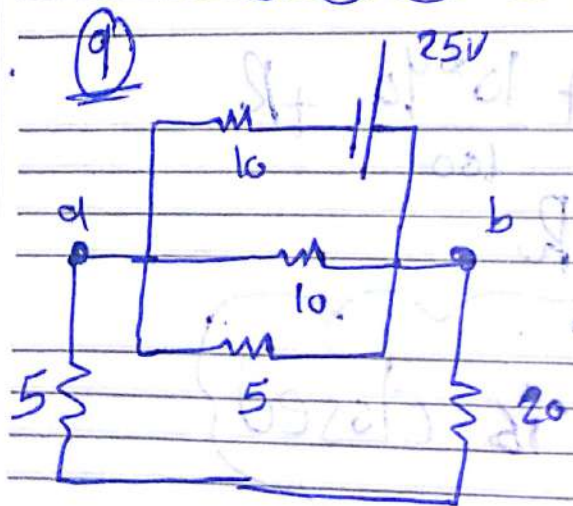
a)  $P_R = \frac{\Delta V^2}{R} \rightarrow R = \frac{\Delta V^2}{P_R} = 6.73 \Omega$

b)  $E = Ir + IR$

$\Rightarrow r = \frac{E - IR}{I}$

but  $I = \frac{\Delta V}{R} = \frac{11.6}{6.73}$

$\Rightarrow r = 1.97 \Omega$



كيرة  $R_{eq} = 12.94 \Omega$

$I = \frac{\Delta V}{R_{eq}} = 1.93A$

① Find  $I_{20}$

$\Delta V = IR = 5.68V$

$\Rightarrow I_{20} = \frac{5.68}{25}$

$= 227mA$

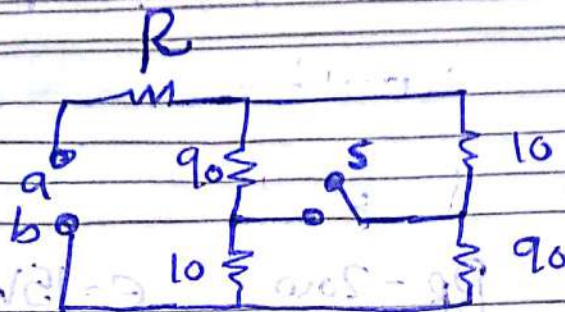


Subject \_\_\_\_\_

Day \_\_\_\_\_

Date / /

(14)



هل المقاومة قبل اكبر ولا المقاومة بعد  
واصل الكس (قبل المقاومة الكساح اوله)

$R_{eq} (S \text{ is open})$

$$= \frac{100 \times 100}{200} + R = R + 50$$

$R_{eq} (S \text{ is closed})$

$$= \frac{10 \times 90}{100} + \frac{10 \times 90}{100} + R$$

$$= 18 + R$$

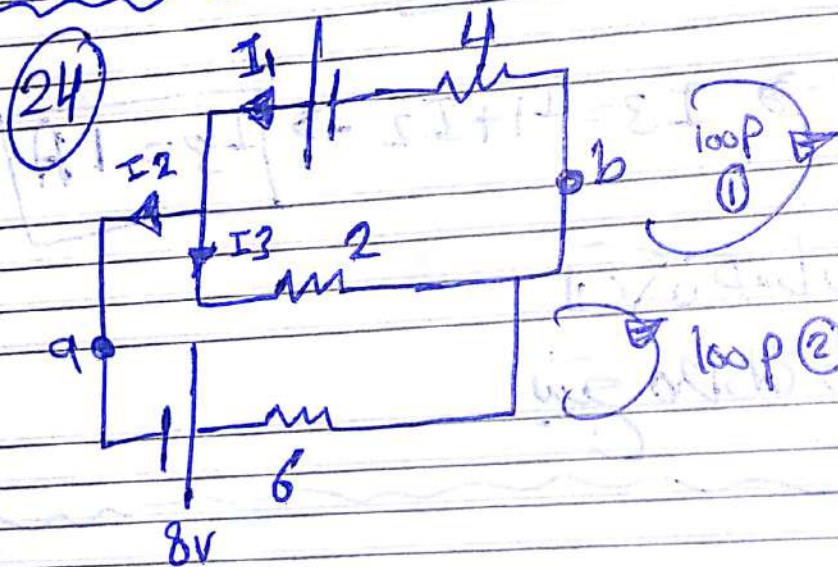
$S \text{ is open} \quad / \quad S \text{ is closed}$



اذا كانت المقاومة في الفولتية  
 (b)  $\frac{1}{F} = \frac{1}{2} (R + 50)$   
 حيث  $5$  هاهنا المقاومة

$$F + 18 = \frac{1}{2} (R + 50)$$

$$\Rightarrow R = 50 + 36 = 14 \Omega$$



(a)  $I_1 = I_2 + I_3 \dots (1)$

by loop ①  $\rightarrow 12 - 2I_3 - 4I_1 = 0 \dots (2)$

by loop ②  $\rightarrow 8 - 6I_2 + 2I_3 = 0 \dots (3)$

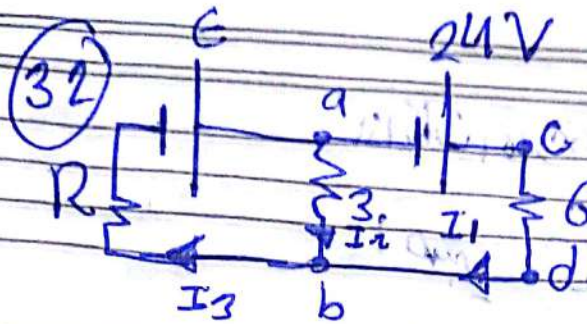
التيار  
 في  
 المقاومة

$$I_3 = 0.909 \text{ A}$$

(b)  $V_b - V_a = -2I_3 = -1.82 \text{ V}$

potential difference between a and b  $\rightarrow$  الفرق في الجهد بين a و b \*





$$I_1 = 3A$$

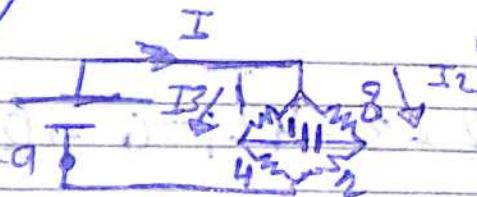
(a) Find  $I_2 \rightarrow \sum \Delta V = 0 \rightarrow 24 - 6I_1 + 3I_2 = 0$

$$\Rightarrow I_2 = -2A$$

(b) Find  $I_3 \rightarrow I_3 = I_1 + I_2 \Rightarrow I_3 = 1A$

لا يمكن حساب  $R$  لأن  
تيار  $I_2$  منتهك

43



(a)  $V_L - V_R \rightarrow I_2 = \frac{10}{5} = 2A$

$$I_R = \frac{10}{10} = 1A$$

$$I = I_R + I_2 = 3A$$





Subject \_\_\_\_\_

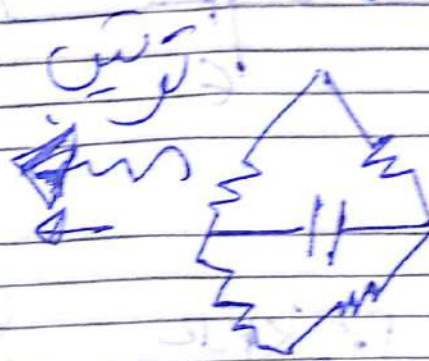
Day \_\_\_\_\_

Date \_\_\_\_\_

$$V_L - V_R = 8 I_2 - 1 I_2 = 6V$$

$$V_a - V_R = 8 I_2 - 10 \rightarrow 5 - 10 = -2V$$

(b) اشرح، اكتب



$$q(t) = Q_i e^{-t/RC}$$

$$\Delta V = \frac{Q}{C} = \frac{Q_i e^{-t/RC}}{C}$$

$$\Delta V = \Delta V_i e^{-t/RC}$$

$$\frac{\Delta V_i}{10} = \Delta V_i e^{-t/RC}$$

$$\frac{1}{10} = e^{-t/RC}$$

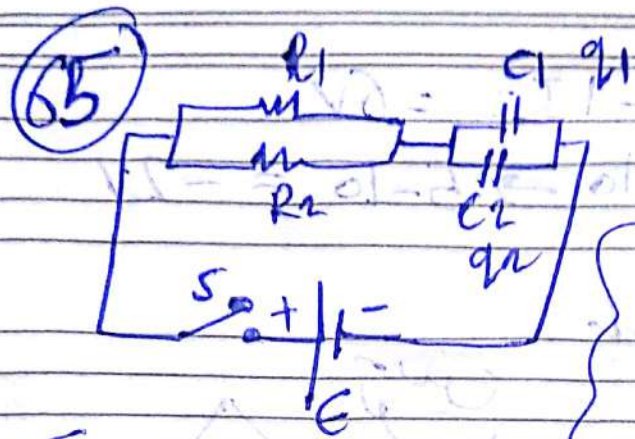
$$t = 8.29 \text{ ms}$$

إذا كان الجهد في البداية 10 فولت

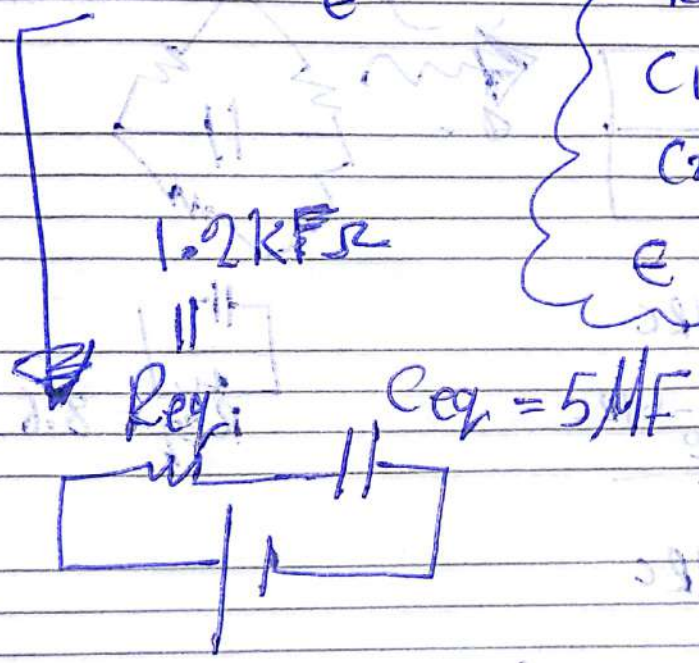
$$V = \frac{Q_i}{2C} e^{-t/RC}$$

$$\frac{1}{10} V_{max} = V_{max} e^{-t/RC}$$





$R_1 = 2k\Omega$   
 $R_2 = 3k\Omega$   
 $C_1 = 2MF$   
 $C_2 = 3MF$   
 $E = 120V$



$$Q_{max} = 120 \times 5 = 600 \text{ MC}$$

$$q(t) = Q_{max} (1 - e^{-t/RC_{eq}})$$

$$q_1(t) + q_2(t) = q(t)$$

$$q_1 + q_2 = E \cdot C_{eq} (1 - e^{-t/RC})$$

$$\Delta V_1 = \Delta V_2$$

$$\frac{q_1}{C_1} = \frac{q_2}{C_2} \rightarrow q_2 = 1.5 q_1$$



Subject \_\_\_\_\_

Day \_\_\_\_\_

Date \_\_\_\_\_ / \_\_\_\_\_ / \_\_\_\_\_

بعد، لتقودين رح يسبح كند انا  
↓

$$q_1(t) = 240 Mc (1 - e^{-t/6 \times 10^{-3}})$$

$$q_2(t) = 360 Mc (1 - e^{-t/6 \times 10^{-3}})$$

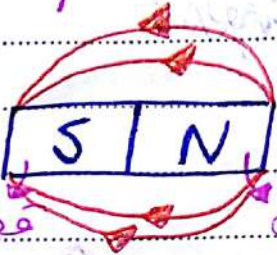
اللعن عادة، لكند  
↑



22/11

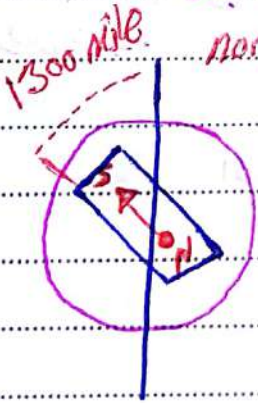
المجال المغناطيسي

## Chapter 29: Magnetic Fields



خطوط المجال المغناطيسي تخرج  
من القطب الشمالي وتدخل  
في القطب الجنوبي

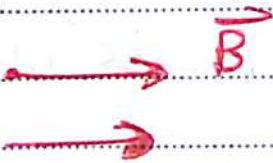
لتحديد اتجاه المجال نستخدم (البوصلة) "Compass" ونضعها فوق  
المجال. المجال المغناطيسي فيتحرك في اتجاه المجال.  
قطب شمالي مغناطيسي north geo. pole.



South geo. pole

قطب جنوبي مغناطيسي

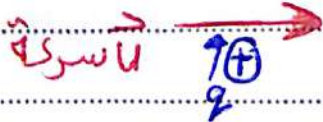
متجه السرعة



$$\vec{F}_B = q\vec{v} \times \vec{B}$$

متجه المجال

القوة دائمًا عمودية  
على سرعة الجسيم



$$W = F \Delta x \cos(\theta)$$



$$\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B} = AB \sin(\theta)$$

$$\vec{A} \times \vec{B} = -(\vec{B} \times \vec{A})$$



# وحدة المجال المغناطيسي B

Subject :

$$\Rightarrow B = \frac{F_B}{qU \sin \theta} \quad (\text{Tesla})$$

أكماله بالقوة التي تقاسه ليد السمتي  
أكماله بالربع اصابع يكون مع  $\underline{A}$   
والنتيجة الانصباب هو يحدد القوة.

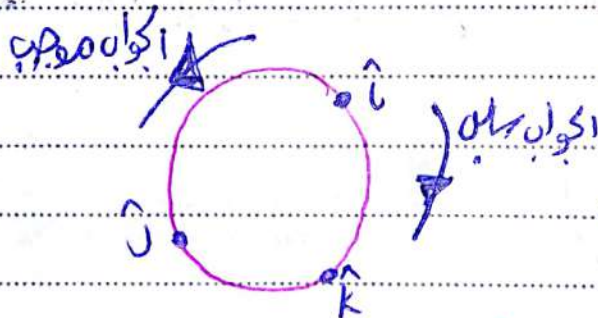
1 Tesla =  $10^4$  Gauss (مهمة)  
 $\equiv 1 T = 10^4 G$



$$\hat{i} \times \hat{j} = |\hat{i}| |\hat{j}| \sin(90) = 1$$

$$\hat{i} \times \hat{j} = \hat{k}$$

المعرفة الدجاجة نرسم الدائرة ونبدأ  
عليها كد.



Ex

$$\hat{i} \times \hat{j} = \hat{k} \quad \text{but} \quad \hat{j} \times \hat{i} = -\hat{k}$$

\*\* لانه ترتيب مسار الارباع هو  $\hat{i}$  ثم  $\hat{j}$  ثم  $\hat{k}$   
واذا تكسبت الاتجاه ينتج كذا إشارة سالبة...



Subject :

إذا في جسم غير مشحون لا يؤثر كاس المجال المغناطيسي بقوة.

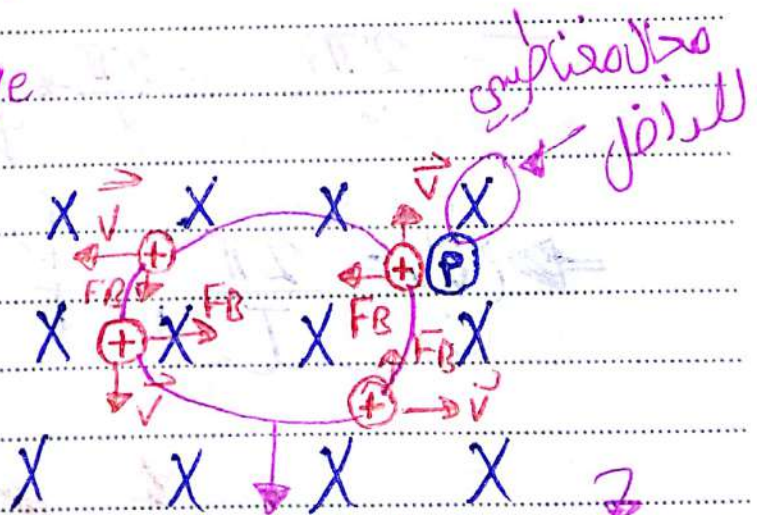
$$F_B = qU B \sin \theta$$

$q=0$	0	لا يتم وجود شحنة
$U=0$	0	لا يتم يكون متحرك
$\theta=0, 180$	0	إذا كانت موازية للمجال
$\theta=90$	$(qUB)_{max}$	المجال عمودي على

## \* Motion of a charged Partical in uniform magnetic Field

داخل (X) in to the page

خارج (O) out of page



اتجاه الاصابع مع الحركة  
واصابع الكف للداخل (الداخل)  
والا الاصابع للخرج (الخارج)

والشحنة تكون في (P) لليسار  
وصيغتها

إذا دخلت الشحنة بشكل عمودي  
تتلف بشكل دائري حول المركز  
(Circular Motion)



$$\Rightarrow \sum F_r = \frac{mv^2}{r} = F_B = qvB$$

$$qvB = \frac{mv^2}{r}$$

$$\Rightarrow r = \frac{mv}{qB}$$

\* angular velocity ( $\omega$ )

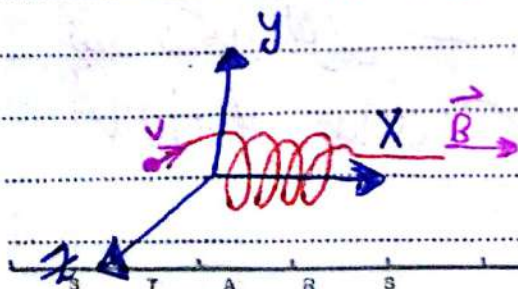
$$\omega = \frac{v}{r} = \frac{v}{\frac{mv}{qB}} = \frac{qB}{m} \text{ rad/s}$$

\* Periodic Time

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi}{v} \times \frac{mv}{qB} = \frac{2\pi m}{qB} \text{ sec.}$$

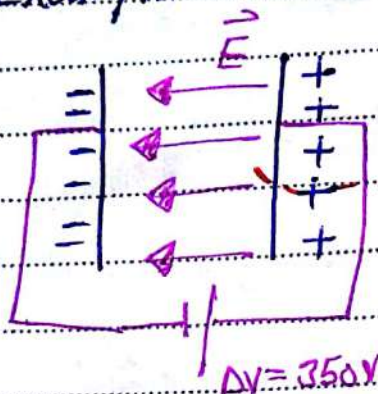
$$\Rightarrow \omega = \frac{2\pi}{T} \quad \& \quad T = \frac{2\pi}{\omega}$$

Time & velocity میں تعلق (\*)





### Example 29.3



$$v = 7.5 \text{ cm}$$

$$m = 9.1 \times 10^{-31}$$

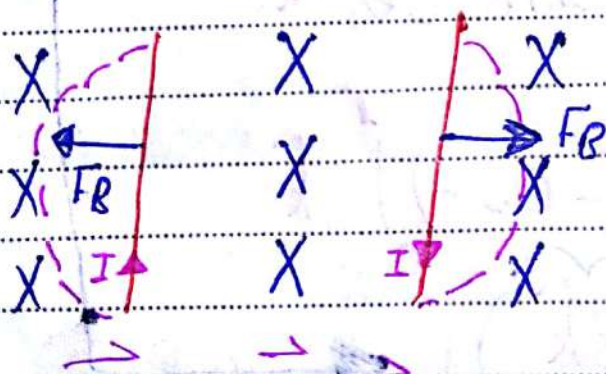
$$q = 1.6 \times 10^{-19}$$

$$\textcircled{1} q\Delta V = \frac{1}{2}mv^2 \rightarrow v = \sqrt{\frac{2q\Delta V}{m}} \rightarrow R = \frac{mv}{q} = 8.4 \times 10^{-4}$$

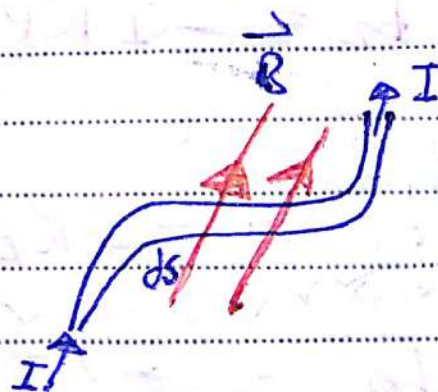
$$\textcircled{2} W = \frac{v}{r} = \frac{8.4 \times 10^{-4}}{7.5 \times 10^2} = \dots$$

Q5-11

### Sec. 29.4 & Magnetic Force acting on current carrying conductor



$$\vec{F}_B = I \vec{L} \times \vec{B}$$

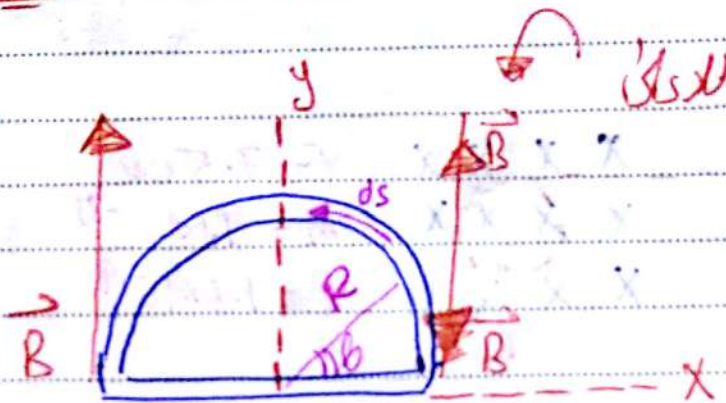


$$\int d\vec{F}_B = \int I d\vec{s} \times \vec{B} \Rightarrow \vec{F}_B = I \int d\vec{s} \times \vec{B}$$



> Subject : \_\_\_\_\_

Ex 29.4 8



$$\vec{F}_1 = I L \times \vec{B} = I L B \sin(90^\circ) \hat{k} = 2 I R B \hat{k}$$

$$d\vec{F}_2 = I ds \times \vec{B} = -I ds B \sin\theta \hat{k}$$

$$dF_2 = -I R B \sin\theta d\theta \hat{k}$$

$$ds = R d\theta$$

$$\vec{F}_2 = -I R B \int_0^\pi \sin\theta d\theta \hat{k}$$

$$\vec{F}_2 = -I R B (-\cos\theta) \Big|_0^\pi \hat{k}$$

$$\vec{F}_2 = -2 I R B \hat{k}$$

زنی فاعلهای  $F_1$  و  $F_2$  یکدیگر را خنثی می‌کند

ولکن مسافتی باقی می‌ماند



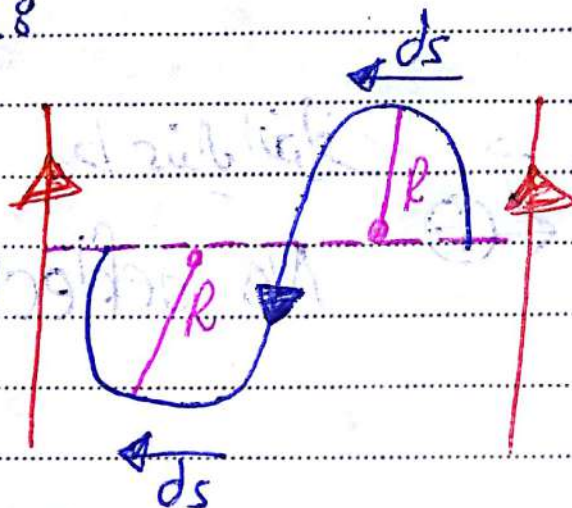
\* what is the total force?

لا شيء تساوي Zero

لأنه في حلقه مغناطيسية موصولة داخل تيار فان

القوة المغناطيسية الكلية تساوي صفر.

Ex 8



$$F_1 = -2IR_1 B \hat{k}$$

$$F_2 = -2IR_2 B \hat{k}$$

$$\vec{F} = -2IB(R_1 + R_2) \hat{k}$$

Problem 580 2/3/8/ 13/32/ 44

②  $\vec{v}$  X X X X Bin

⊕ → X X X X

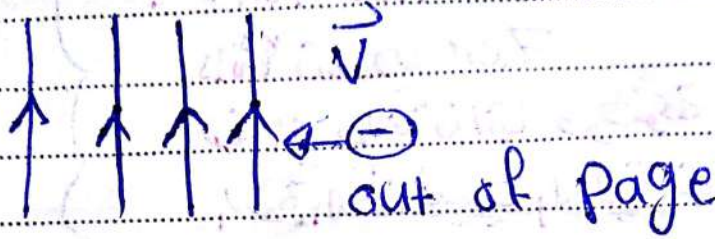
X X X X

$$\vec{F}_B = q \vec{v} \times \vec{B}$$

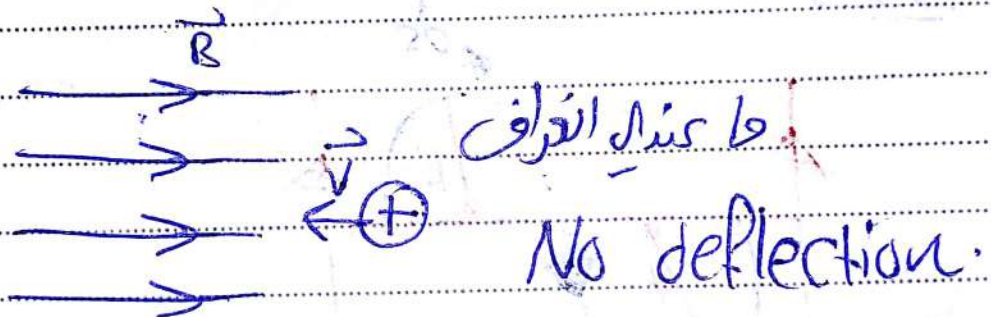
الجواب



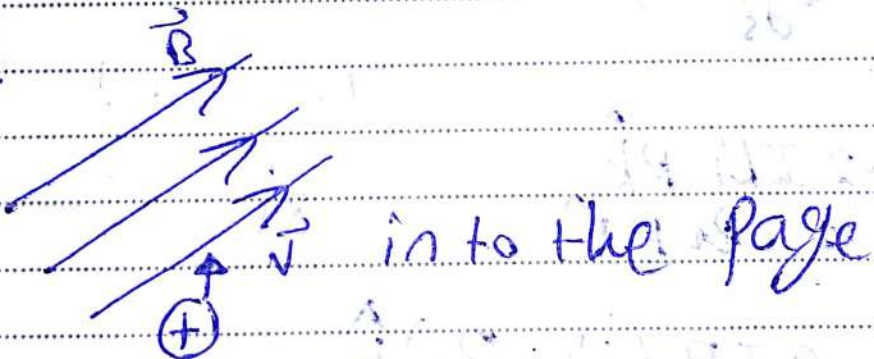
(b)



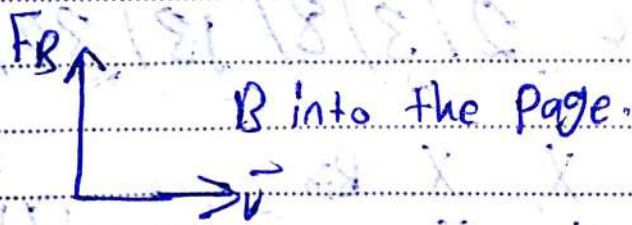
(c)



(d)

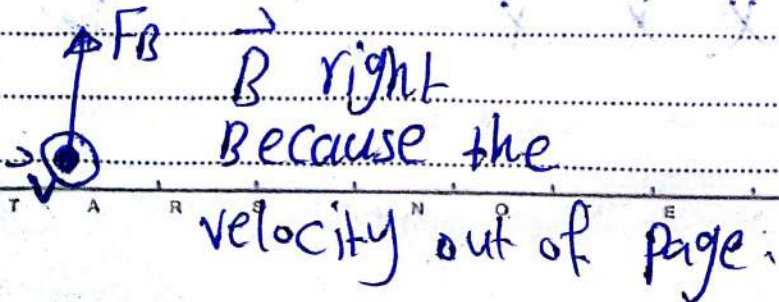


3



(a)

(b)



S T A R S N O E B O O K



(c)  $\vec{F}_B$  or  $\vec{B}$  down.

8 Proton (+)

$\vec{v} = (2\hat{i} - 4\hat{j} + \hat{k}) \text{ m/s}$  ,  $\vec{B} = (\hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k}) \text{ T}$

$F_B = q\vec{v} \times \vec{B} = 1.6 \times 10^{-19} \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 2 & -4 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \end{vmatrix}$

$\Rightarrow 1.6 \times 10^{-19} (\hat{i}(4-2) - \hat{j}(2-1) + \hat{k}(2+4))$   
 $= 1.6 \times 10^{-19} (2\hat{i} + 3\hat{j} + 8\hat{k})$

$\vec{F}_B$  کی مقدار  
 تلاش

so  $|\vec{F}_B| = 1.6 \times 10^{-19} \sqrt{(2)^2 + (3)^2 + (8)^2}$

$|\vec{F}_B| = 13.2 \times 10^{-19} \text{ N}$

Hint

اگر  $\hat{i}$  اور  $\hat{j}$  کے لیے



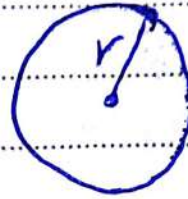
13

$$B = 2 \text{ mT}$$

$$v = 1.5 \times 10^7 \text{ m/s}$$

$$q = 1.6 \times 10^{-19}$$

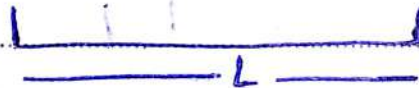
$$m = 9.1 \times 10^{-31}$$



$$\textcircled{1} r = \frac{mv}{qB} = 4.27 \text{ cm}$$

$$\textcircled{2} T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi(4.27 \times 10^{-2})}{1.5 \times 10^7} = 17.9 \text{ ns}$$

34



$$L = 14 \text{ cm}$$

$$I = 3 \text{ A}$$

$$B = 0.28 \text{ T}$$

$$\textcircled{1} |F_B| = I L \times B = I L B \sin(90^\circ) = 1$$

$$\Rightarrow |F_B| = I L B = 0.118 \text{ N}$$

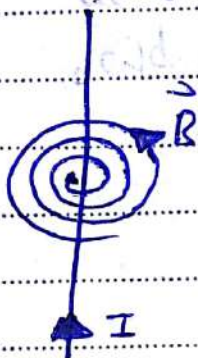
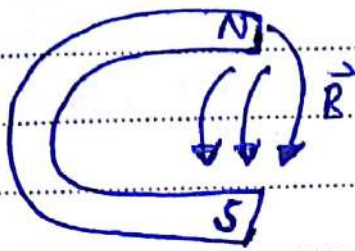
$\textcircled{2}$   $\vec{F}$  direction is  $\perp$  to  $(L)$  and  $(B)$  and  $(I)$



27/11

Subject :

# Ch 30.8 Sources of the magnetic field .. مصادر المجال المغناطيسي

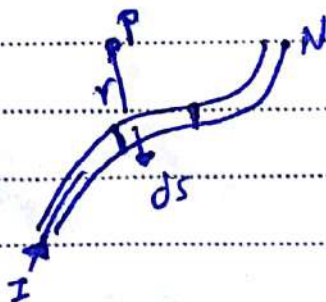


معرفة اتجاه  $\vec{B}$  في الشعار يكون  
الاصابع في الشعار (فان الاصابع  
من الشعار ...)

شعار

$$B \propto \frac{I}{r}$$

## Sec 30.1 The Biot - Savart law



في هذا الشكل  $\vec{r}$  هو  
من  $\vec{P}$  الى  $\vec{ds}$

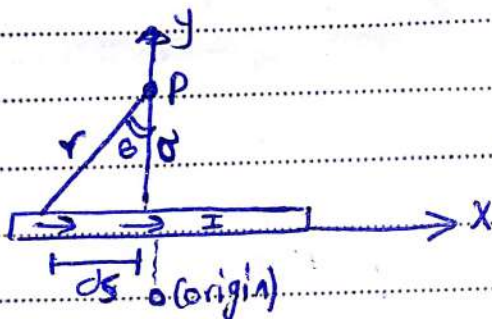
$$\int d\vec{B} = \int \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{ds \times \hat{r}}{r^2}$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T}\cdot\text{A}$$

$$\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \int \frac{ds \times \hat{r}}{r^2}$$



Ex. 30.1



دالة المجال  
في نقطة

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{d\vec{s} \times \hat{r}}{r^2}$$

$$\Rightarrow d\vec{s} \times \hat{r} = |d\vec{s}| |\hat{r}| \sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right)$$

$$\Rightarrow d\vec{s} \times \hat{r} = dx \cos\theta$$

الزاوية  
=  $\cos(\theta)$

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{dx \cos\theta}{r^2} \hat{k}$$

من المثلث  $\cos\theta = \frac{a}{r} \Rightarrow r = \frac{a}{\cos\theta}$

$$\tan\theta = \frac{-x}{a} \Rightarrow x = -a \tan\theta$$

نشتد  $dx = -a \sec^2\theta d\theta$

$$dx = \frac{-a}{\cos^2\theta} d\theta$$



Subject :

نقوض  $\rightarrow dB = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \left( \frac{-a}{\cos^2 \theta} d\theta \right) \cos \theta \hat{k}$

$$dB = \frac{-\mu_0 I}{4\pi} \cos \theta d\theta \hat{k}$$

(السطح، الكهـ)  
(يعني بكامن)

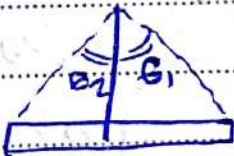
$$B = \frac{-\mu_0 I}{4\pi} \int_{\theta_1}^{\theta_2} \cos \theta d\theta \hat{k}$$

$$B = \frac{-\mu_0 I}{4\pi} (\sin \theta_2 - \sin \theta_1)$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi} (\sin \theta_1 + \sin \theta_2)$$

بالمكانات  
طريقه حوسبه

منه لكتوب  $\theta_1, \theta_2 > 0$   
ودلها "فوسيان" ...



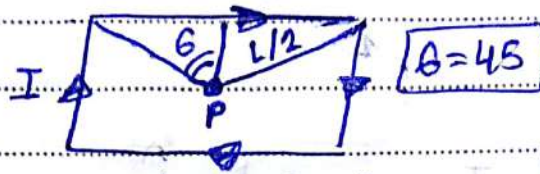
فقط صفه قانونا آخر احسن من وصفه

كلية الشفاعة لدراسات القانون ...



> Subject : .....

(سلك او حلقه مغناطيسية)



مجال مغناطيسي  
في مركز السلك وبقائه  
اكبر

لحساب  
المجال  
السلكي

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi(\frac{L}{2})} \left( \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}} \right)$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{2\pi L} \left[ \frac{2}{\sqrt{2}} \right]$$

$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{\sqrt{2} \pi L}$$

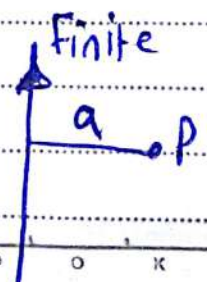
$$B_{total} = 4 \times \frac{\mu_0 I}{\sqrt{2} \pi L} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

لأن  
النظام  
التكافؤ  
الأكبر  
فقط

$$B_{total} = \frac{2\sqrt{2} \mu_0 I}{\pi L}$$

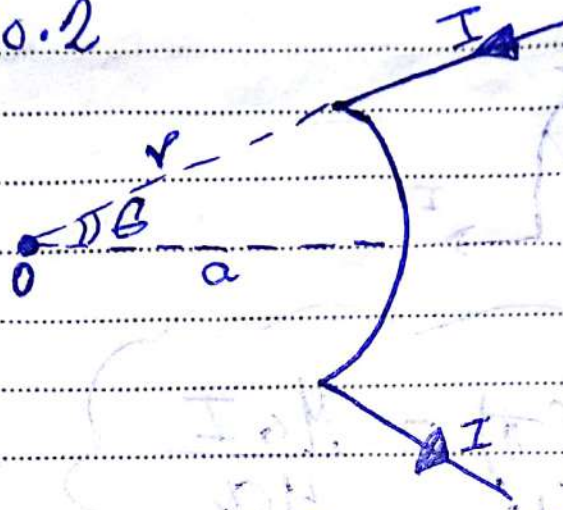
(For finite wire)

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} [1+1] = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}$$





EX 30.2



$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \frac{d\vec{s} \times \vec{r}}{r^2} \Rightarrow d\vec{s} \times \vec{r} = |\vec{r}| |\hat{r}| \sin \theta d\theta = a d\theta \quad \text{where } \sin \theta = 1$$

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \cdot \frac{a d\theta}{a^2} \hat{k}$$

$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} d\theta \hat{k}$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} \int d\theta \hat{k}$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} \theta \hat{k}$$

into the page

سب سے زیادہ طاقت  
میں سے



...  $\hat{u}_0$

①

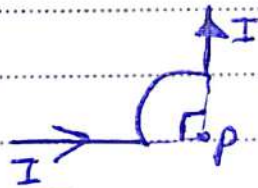


$$\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\pi) = \frac{\mu_0 I}{4a}$$

مقدار المجال

(المجال، الزاوية)

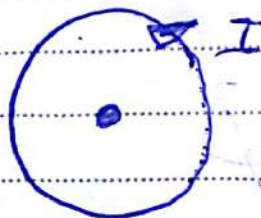
②



$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} \left(\frac{\pi}{2}\right) = \frac{\mu_0 I}{8a}$$

مقدار المجال

③



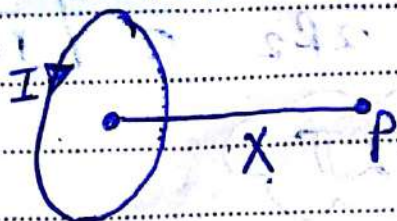
$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (2\pi)$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2a}$$

S T A R S N O T B O O K



### Ex 20.3



$$B_x = \frac{\mu_0 I a^2}{2(a^2 + x^2)^{3/2}}$$

at  $x=0 \rightarrow B_x = \frac{\mu_0 I}{2a}$  القيمة  
الساكنة هي (3)

لغالب قانون...

### Ex



$$B_1 = \frac{\mu_0 I}{4\pi r_1} \hat{k}$$

$$B_2 = \frac{\mu_0 I}{4\pi r_2} \hat{k}$$

$\theta = 180^\circ$

$$B_{total} = B_1 - B_2 = \frac{\mu_0 I}{4\pi} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$



Subject : .....

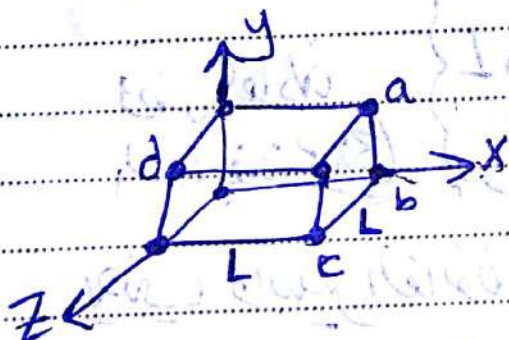
Ex



$$B_E = \frac{\mu_0 I}{2r_1} - \frac{\mu_0 I}{2r_2} = \frac{\mu_0 I}{2} \left[ \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right]$$

$$\theta = 2\pi$$

\* Questions



$$L = 0.4 \text{ m}$$

$$I = 5 \text{ A}$$

$$B = 0.02 \text{ T}$$

Sol.  $ab: \vec{F} = I \vec{L} \times \vec{B} = -0.4 \hat{j} \times B \hat{j} I = 0$

$bc: \vec{F} = I \vec{L} \times \vec{B} = 0.4 \hat{k} \times B \hat{j} (I)$  because  $(\text{obs}) - \hat{j} \times \hat{j} = 0$

$$= -40 \times 10^{-3} \hat{i} \text{ N}$$

$cd: \vec{F} = I \vec{L} \times \vec{B} = I(-0.4 \hat{i} + 0.4 \hat{j}) \times B \hat{j}$   $\hat{k} \times \hat{j} = -\hat{i}$

$$= 0$$

مساوي

$$\sum \vec{F} = 0 \rightarrow F_{ab} + F_{bc} + F_{cd} + F_{da} = 0$$



# \* Magnetic Force between two Parallel Conductor, ...



$$F_{21} = I_1 \vec{L} \times \vec{B}_2 = I_1 L B_2$$

$$\frac{\mu_0 I_2}{2\pi a}$$

$$F_{12} = I_2 \vec{L} \times \vec{B}_1 = I_2 L \frac{\mu_0 I_1}{2\pi a}$$

$$F = \frac{\mu_0 L I_1 I_2}{2\pi a}$$

$$\frac{F}{L} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi a} \equiv \frac{N}{m}$$

اگر دو سیم موازی باشند و جهت جریان یکسان باشد



و اگر جهت جریان برعکس باشد

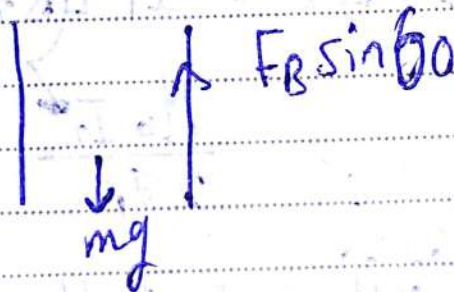
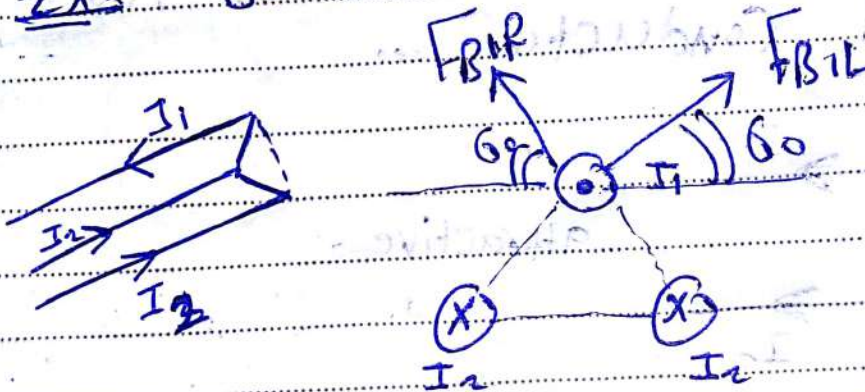
(repulsive)

یعنی اگر دو سیم موازی باشند و جهت جریان برعکس باشد ...



> Subject : .....

Ex. 30.4.



$$L = 10 \text{ m}$$

$$a = 1 \text{ cm}$$

$$I_1 = 100 \text{ A}$$

$$I_2 = ??$$

$$\frac{2 \mu I_1 I_2}{2 \pi a} \sin(\theta_0) = mg$$

$$\rightarrow I_2 = 113 \text{ A}$$

S T A R S N O T E B O K



# Ampere's Law

ملاحظات

①  $\oint B ds = \mu_0 I$  (بما ان  $B$  و  $ds$  في نفس الاتجاه)   
 ②  $\oint B ds \cos \theta = \mu_0 I$  (حيث  $\theta$  الزاوية بين  $B$  و  $ds$ )   
 ③  $\oint B ds \sin \theta = \mu_0 I$  (حيث  $\theta$  الزاوية بين  $B$  و  $ds$ )

④  $\oint B ds \cos \theta = \mu_0 I$  (حيث  $\theta$  الزاوية بين  $B$  و  $ds$ )

$B \oint ds = \mu_0 I$

$B S = \mu_0 I \rightarrow B (2\pi r) = \mu_0 I$

$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

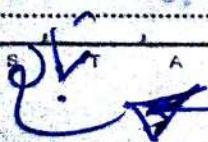
Ex. 30.58



Find  $B$  at  $R$    
 (out side the wire)   
 (أوجد  $B$  في الخارج من السلك)

$\oint B ds = \mu_0 I \rightarrow B \oint ds = \mu_0 I$

$B (2\pi r) = \mu_0 I \rightarrow B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

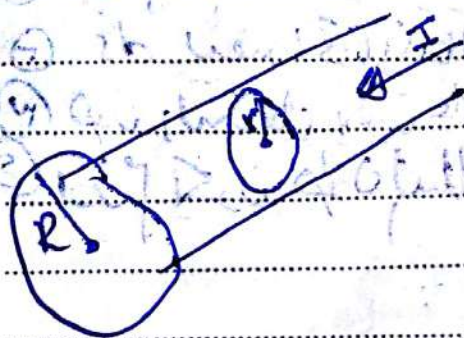




Subject :

1) Find  $B$  at  $r \leq R$ , (inside the wire)

(inside the wire)



$$\oint B ds = \mu_0 I_{in}$$

$$B(2\pi r) = \mu_0$$

$$J = J^2$$

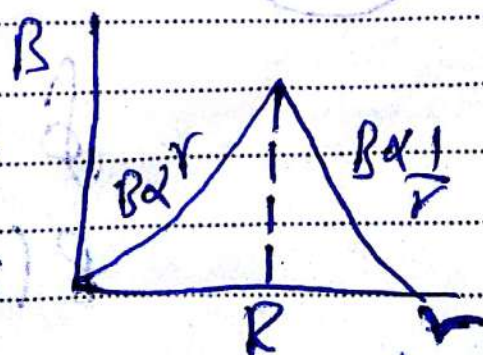
$$\frac{I}{\pi R^2} = \frac{I^2}{\pi r^2}$$

$$I^2 = \frac{r^2}{R^2} I$$

$$\oint B ds = \mu_0 I^2$$

$$B(2\pi r) = \frac{\mu_0 r^2}{R^2} I$$

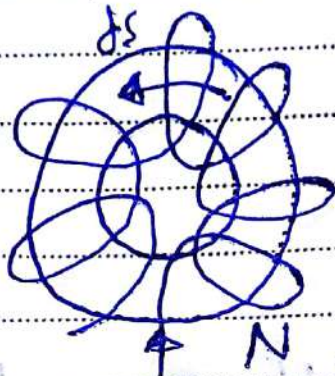
$$B = \frac{\mu_0 I r}{2\pi R^2}$$





Example 30.6

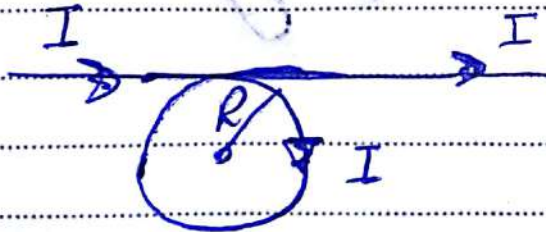
Toroid



$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{s} = \mu_0 I_{in}$$

$$B = \frac{\mu_0 N I}{2\pi r}$$

\* Problems: 3, 7, 11, 15, 19, 25  
31, 39



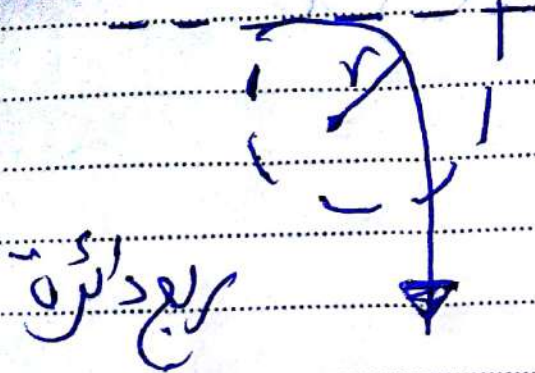
$$B_{str} = \frac{\mu_0}{2\pi R}$$

$$B_{cir} = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

$$\Rightarrow B = B_{str} + B_{cir}$$



11



$$B = \frac{1}{2} \left( \frac{\mu_0 I}{2\pi r} + \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \right) + \frac{1}{4} \frac{\mu_0 I}{2R}$$

نصف دائرة

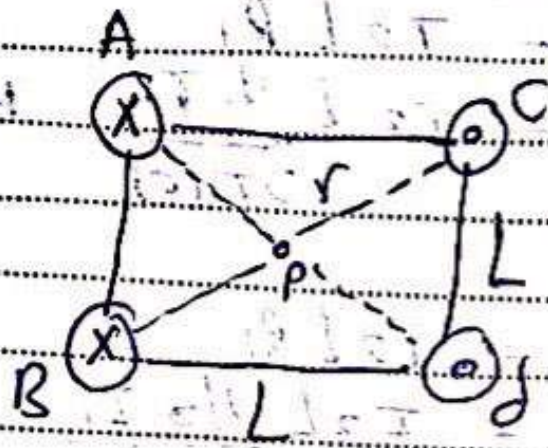
ربع دائرة

$$B = \frac{\mu_0 I}{2r} \left( \pi + \frac{1}{4} \right)$$

into the page.



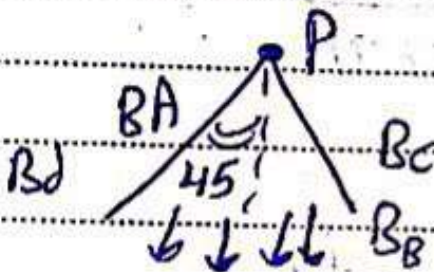
39



$$I = 5A$$

$$L = 0.2m$$

$$r = \frac{\sqrt{2} \cdot L}{2} = \frac{L}{\sqrt{2}}$$



التي هي، المسألة تأتي من المسألة السابقة

كل شيء في المسألة، والمسألة السابقة.

$$B = \frac{4N_0 I}{2\pi (L/\sqrt{2})} = 2 \times 10^{-5} I$$

downward